

**Задача 1.6.** В школе в течение недели прошли олимпиады по математике, физике, химии, биологии и информатике. Докажите, что из любых 11 школьников можно найти таких двух, что все олимпиады, которые посетил первый из них, посетил и второй.

11111

сделать 11 наборов из 5 нулей и единиц, так что ни один из наборов не содержит другой в смысле подмножества

10  
01

2 не содержащих друг друга множества

1100       $4 \cdot 3/2! = 6$   
1010  
0101  
0011  
1001  
0110

ОБЛЕГЧЕННАЯ ВЕРСИЯ, где каждый посетил ровно 2 олимпиады легко доказать, что наборов ровно с 2-мя единицами ровно 10

11000       $5 \cdot 4/2! = 10$   
10100  
10010  
10001  
01100  
01010  
00110  
00011  
00101  
01001

$2^4 = 16$   
останется не больше 14  
1111 0000  
-----  
пусть у тебя есть набор 1110  
???1  
7 наборов

значит возможные наборы имеют не больше 2-х единиц, а таких не больше 6-и

7)каждый набор из 3-к не уживается с 2-мя наборами из 2-к

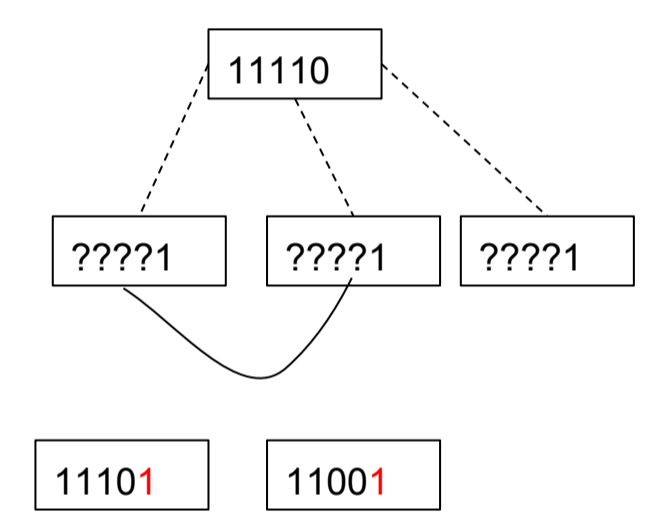
если среди 11  
2 набора из 3-к и 9 наборов из 2-к, 2-ки с кем-то не уживутся и НЕ ПОДОЙДЕТ  
3 набора из 3-к и 8 наборов из 2-к, 2-к с которыми они не уживаются будет больше 2-х  
4 набора из 3-к и 7 наборов из 2-к  
5 наборов из 3-к и 6 наборов из 2-к  
6 наборов из 3-к и 5 наборов из 2-к

11100 01110 01100

$4 \cdot 3/2! = 6$  способов выбрать пару из 4-х наборов

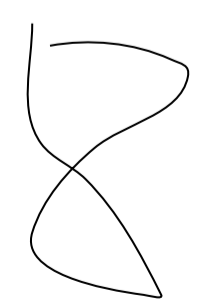
от противного: пусть можно выписать 11 наборов, попарно не содержащих друг друга

1)может ли среди этих 11-и быть набор 11111 или 00000?  
2)а сколько всего наборов из 0 и 1 длины 5?  $2^5 = 32$   
остается не больше 30  
3)может ли среди этих 11-и быть набор 11110?  
????1      11101  
наборов, не являющихся его подмножествами 15  
таких наборов быть не может, еще минус 5, осталось 25



4)шанс набрать 11 взаимноисключающих наборов есть только из наборов, где не более 3-х единиц  
5)еще можно откинуть где ровно 1 единица  
00001 -> ?????0  
6) остается всего 20 наборов, где либо 2, либо 3 единицы и мы пытаемся из них набрать множество из 11 наборов, не содержащих друг друга  
среди 2-к наборов 10 и среди 3-к 10

набор из 3-к  
**11100**



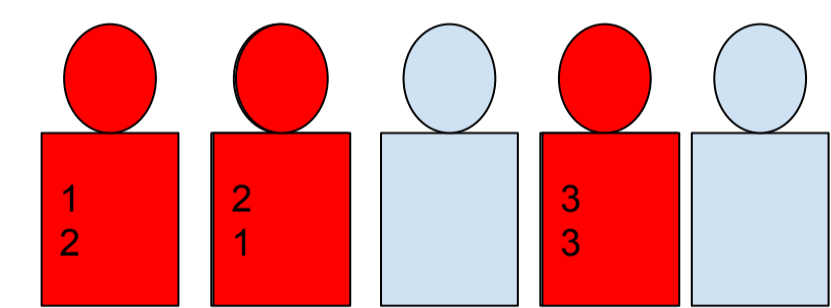
ШКОЛЬНИК

1 отмечаем олимпиады, которые посетил школьник и 0, которые не посетил

11100

11110

*нельзя составить более 10-и наборов длины 5 из 0 и 1 таких, что ни один набор не будет подмножеством другого*



5 способов выбрать 1-ую позицию  
4 способа выбрать 2-ую позицию  
3 способа выбрать 3-ую позицию

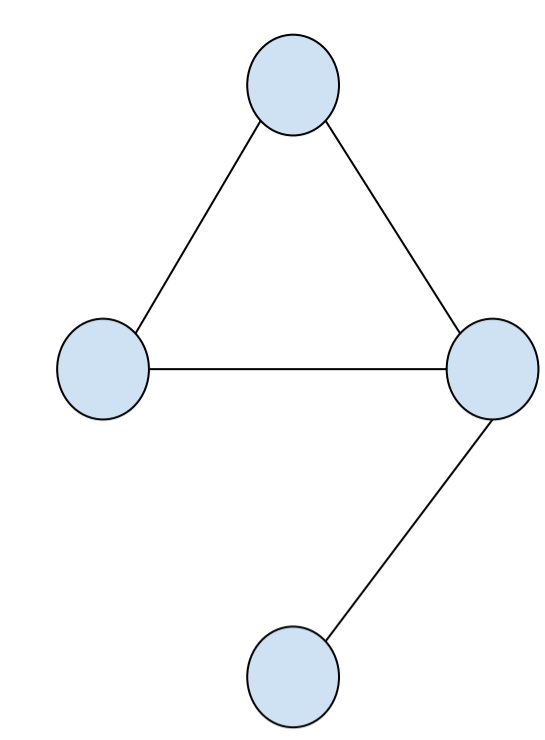
$5 \cdot 4 \cdot 3/3!$

набор из 3-к  
**01110**

**01100**

набор из 3-к  
**01101**

набор из 3-к  
**00111**



8) пусть есть 1 набор из 3-к среди 11-ти.

11100

**надо попробовать обосновать, что набор из 3-к не может ужитья больше чем с 9-ью другими наборами не обязательно только из 3-к**

9) один набор из 3-к исключает использование 3-х наборов из 2-к

11100  
11000  
10100  
01100

11000  
10100  
01100

00011  
00110  
00101

10100  
00101  
10001

01100  
00101  
01001

10010  
10001  
00011

11000  
01100  
10100

01100  
00110  
01010

00110  
00011  
00101

10100  
10010  
00110

01010  
01001  
00011

