

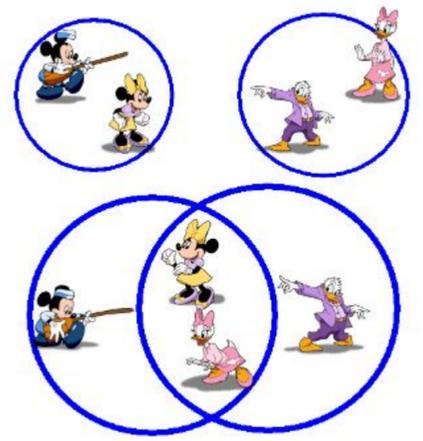
Какое наибольшее число подмножеств можно выбрать в множестве из 10 элементов, если требуется, чтобы ни одно из них не было подмножеством другого?

Всего 1024 подмножества

$$C(10,5) = 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 / 5! \\ 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 7 \cdot 3 = 4 \cdot 9 \cdot 7 = 63 \cdot 4 = 252$$

$$\binom{10}{1} = \frac{10!}{1 \cdot (10-1)!}$$

$$C(10,5) = C_{10}^5 = \binom{10}{5}$$



наборы длины 5 из 0 и 1

не получается сделать больше 10-и наборов, где никто не содержит друг друга

ГИПОТЕЗА
длина набора n

$C(n, n/2)$ - четный случай

$C(n, (n-1)/2) = C(n, (n+1)/2)$
- нечетный случай

1	1	0	0	0	1	1	1	0	0
1	0	1	1	1	1	0	0	0	0

Мы точно знаем, что эти наборы не являются подмножествами друг друга, но мы не знаем, есть ли более широкий таких подмножеств

$$C(10,5)$$

$$10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 / 5! = \\ = 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 / (5! \cdot 5!) = \\ = 10! / (5! \cdot (10-5)!)$$