

В правильной треугольной пирамиде $MABC$ с основанием ABC и высотой MO стороны основания равны 6, а боковые рёбра равны 8. На ребре AC находится точка D , а на ребре AM – точка E . Известно, что $CD = EM = 2$.

ОТВЕТ $2\sqrt{30}$

а) Постройте сечение пирамиды плоскостью, проходящей через точки O, D и E .

б) Найдите площадь этого сечения.

тринадцатый этаж

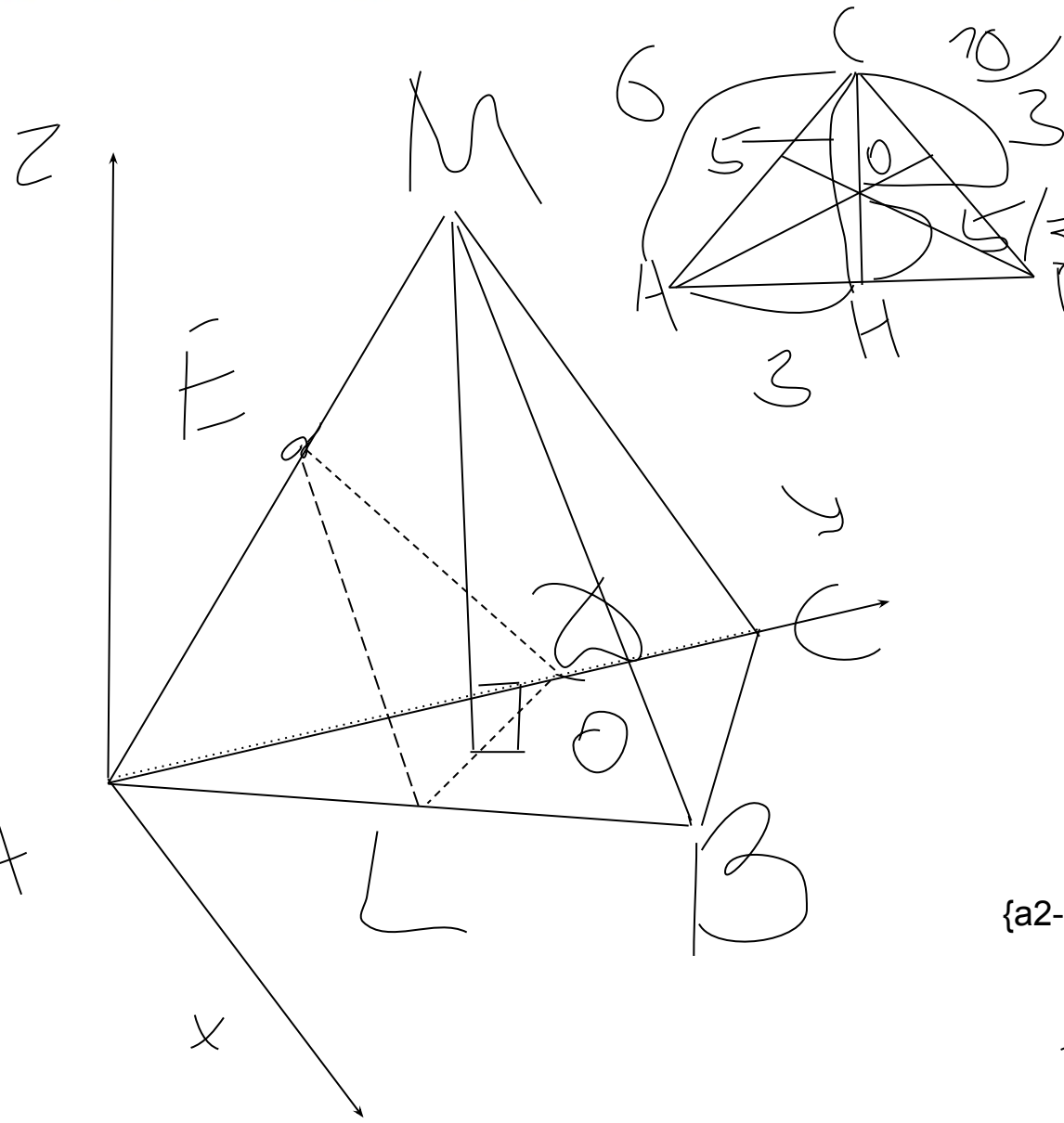
$y=kx+b$ прямая
 $ax+by+c=0$ прямая

$a_1x+b_1y+c_1z+d_1=0$ плоскость1
 $a_2x+b_2y+c_2z+d_2=0$ плоскость2

- $A(0,0,0,)$
- $D(0,4,0)$
- $O(3,\sqrt{3},0)$
- $M(3,\sqrt{3},2\sqrt{13})$
- $E(3 \cdot 3/4, \sqrt{3} \cdot 3/4, 2\sqrt{13} \cdot 3/4)$
- $E(9/4, 3\sqrt{3}/4, 3\sqrt{13}/2)$
- $B(\sqrt{3},3,0)$

$EL\{6(2-\sqrt{3})-9/4, 6\sqrt{3}-3\sqrt{13}/2\}$
 $EL\{39/4-6\sqrt{3}, 45\sqrt{3}/4\}$
 $ED\{-9/4, 4-3\sqrt{3}/4, -3\sqrt{13}/2\}$
 $|AL|=6(2-\sqrt{3})\sqrt{((\sqrt{3})^2+3^2+0^2)}$
 $=12(2-\sqrt{3})$
 Рассм AEL
 угEAL

$CH=\sqrt{36-9}=\sqrt{27}=3\sqrt{3}$
 $OH=\sqrt{3}$
 $AO=\sqrt{(27/9+9)}=\sqrt{12}=2\sqrt{3}$
 $MO=\sqrt{64-12}=2\sqrt{13}$



$\begin{cases} x=y/\sqrt{3} \\ 2y/3\sqrt{3}-(y-4)/(\sqrt{3}-4)=0 \end{cases}$

$\begin{cases} x=y/\sqrt{3} \\ \{(y(\sqrt{3}-4)-(3\sqrt{3}(y-4)))/3\sqrt{3}(\sqrt{3}-4)\}=0 \end{cases}$

$\begin{cases} x=y/\sqrt{3} \\ \{(y\sqrt{3}-y4-3\sqrt{3}y+12\sqrt{3})=0 \end{cases}$

$y(\sqrt{3}-4-3\sqrt{3})=-12\sqrt{3}$
 $y=6\sqrt{3}/(2+\sqrt{3})=6\sqrt{3}(2-\sqrt{3})$
 $x=6/(2+\sqrt{3})=6(2-\sqrt{3})$

$AB: (x-0)/(\sqrt{3}-0)=(y-0)/(3-0)$

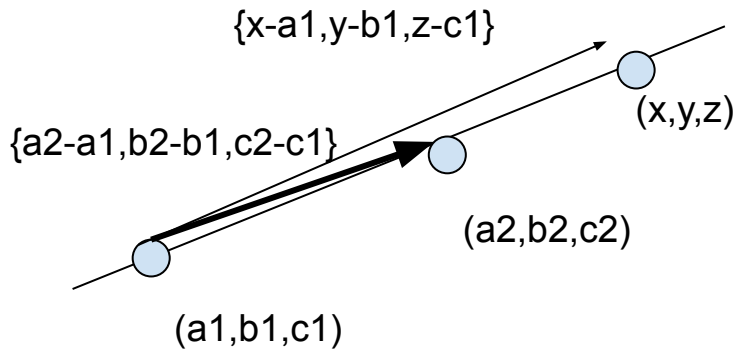
$x/\sqrt{3}=y/3$

$DO: (x-0)/(3-0)=(y-4)/(\sqrt{3}-4)$

$x/3=(y-4)/(\sqrt{3}-4)$

$\{x/\sqrt{3}=y/3$

$\{x/3=(y-4)/(\sqrt{3}-4)$



$k\{a_2-a_1, b_2-b_1, c_2-c_1\}=\{x-a_1, y-b_1, z-c_1\}$

$k(a_2-a_1)=x-a_1 \quad x=a_1+k(a_2-a_1)$

$k(b_2-b_1)=y-b_1 \quad y=b_1+k(b_2-b_1)$

$k(c_2-c_1)=z-c_1 \quad z=c_1+k(c_2-c_1)$

уравнение прямой в пространстве

$(x-a_1)/(a_2-a_1)=(y-b_1)/(b_2-b_1)=(z-c_1)/(c_2-c_1)$