

Найдите все значения параметра  $a$ , при которых любое решение уравнения

$$4 \cdot \sqrt[3]{3,5x - 2,5} + 3 \log_2(3x - 1) + 2a = 0.$$

принадлежит отрезку  $[1; 3]$ .

$$f(x) = 4 \cdot (3,5x - 2,5)^{1/3} + 3 \log_2(3x - 1) + 2a$$

возрастает на  $[1; 3]$

$$y = x^{1/3}$$

возрастает на  $\mathbb{R}$

$$4 \cdot (3,5x - 2,5)^{1/3}$$

возрастает на  $(-\infty; +\infty)$ ,  
а значит тем более  
возрастает на  $[1; 3]$

$y = \log_2(3x - 1)$   
возрастает на  $(1/3; +\infty)$ , а  
значит тем более  
возрастает на  $[1; 3]$

$$3x - 1 > 0$$

$$3x > 1$$

$$x > 1/3$$

$$y = 2^x$$

$$y = \log_2(x)$$

$$V(-1) = x$$

$$x^2 = -1$$

НЕТ

$$x = i$$

$$(-1)^{1/3} = x$$

$$x^3 = -1$$

$$x = -1$$

Real

ось  $x$   
пересекается в  
единственной  
точке

$$f(1) \leq 0$$

$$f(3) \geq 0$$

$$4 \cdot (3,5 \cdot 1 - 2,5)^{1/3} + 3 \log_2(3 \cdot 1 - 1) + 2a \leq 0$$

$$4 \cdot (3,5 \cdot 3 - 2,5)^{1/3} + 3 \log_2(3 \cdot 3 - 1) + 2a \geq 0$$

$$2a \leq -7$$

$$2a \geq -17$$

$$a \leq -3,5$$

$$a \geq -8,5$$

ОТВЕТ:  $a \in [-8,5; -3,5]$

$$4 \cdot (1)^{1/3} + 3 \log_2(2) + 2a \leq 0$$

$$4 \cdot (8)^{1/3} + 3 \log_2(8) + 2a \geq 0$$

$$4 + 3 + 2a \leq 0$$

$$8 + 9 + 2a \geq 0$$

$$7 + 2a \leq 0$$

$$17 + 2a \geq 0$$