

На ребре  $AA_1$  прямоугольного параллелепипеда  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  взята точка  $E$  так, что  $A_1 E : EA = 1 : 2$ , на ребре  $BB_1$  – точка  $F$  так, что  $B_1 F : FB = 1 : 5$ , а точка  $T$  – середина ребра  $B_1 C_1$ . Известно, что  $AB = 4$ ,  $AD = 2$ ,  $AA_1 = 6$ .

а) Докажите, что плоскость  $EFT$  проходит через вершину  $D_1$ .

б) Найдите угол между плоскостью  $EFT$  и плоскостью  $BB_1 C_1$ .

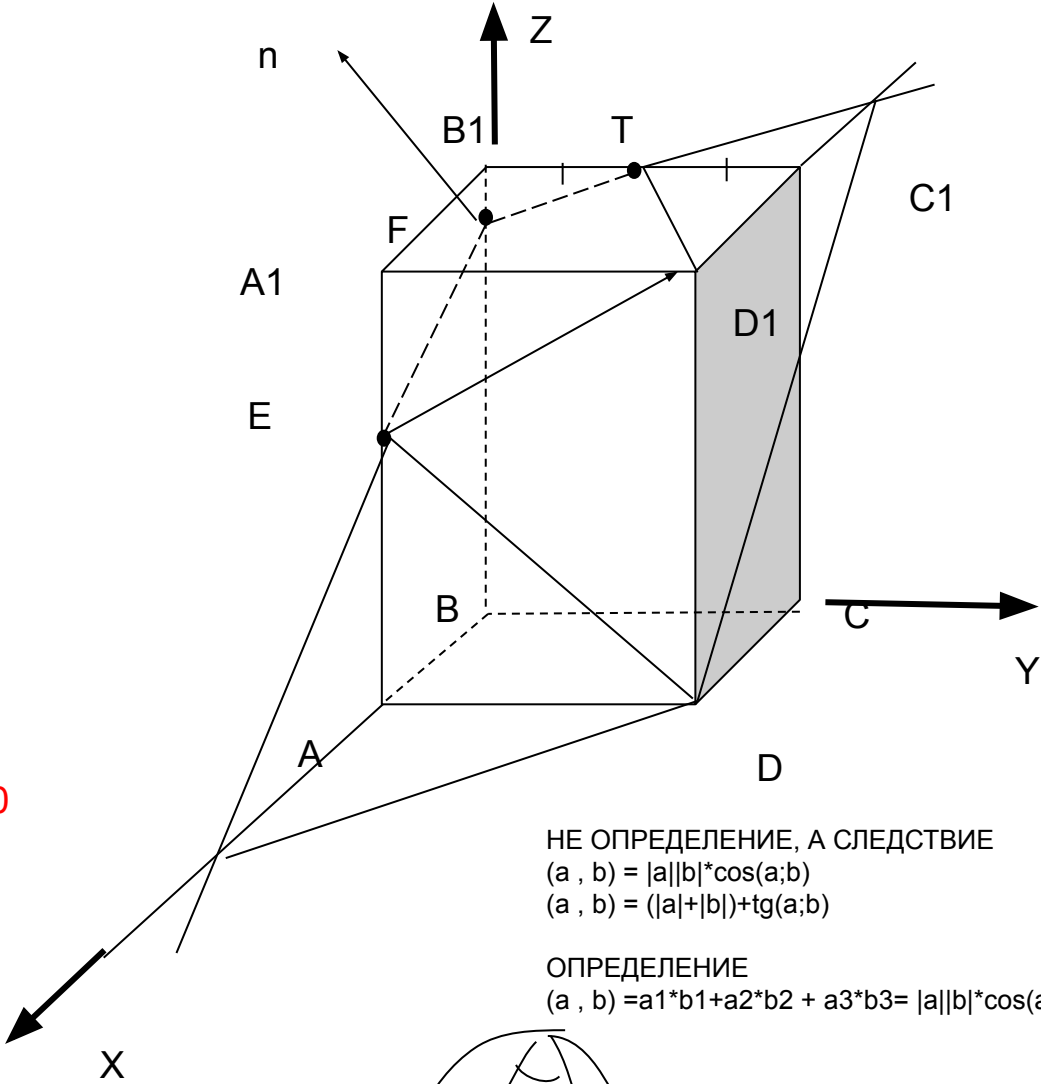
$F(0;0;5)$   
 $T(0;1;6)$   
 $E(4;0;4)$   
 $D_1(4;2;6)$

$ED_1\{0; 2;2\}$

$FT\{0;1;1\}$   
 $FE\{4;0;-1\}$   
 $n\{a;b;c\}$

$n$  перпенд  $ED_1 \Rightarrow D_1$  лежит в  $(EFT)$

$(FT, n) = 0$   
 $(FE, n) = 0$   
 $(FT, n) = 0*a + 1*b + 1*c = 0$   
 $(FE, n) = 4*a + 0*b - 1*c = 0$   
 $b + c = 0$   
 $4*a - c = 0$   
 $c - \text{число} = 1$   
 $b = -1$   
 $a = 1/4$   
 $n\{1/4; -1; 1\}$   
 $(ED_1, n) = 0*1/4 + 2*(-1) + 2*1 = 0$   
 $\Rightarrow$  пункт а) доказан



$B(0;0;0)$   
 $B_1(0;0;6)$   
 $C_1(0;2;6)$   
 $BB_1\{0;0;6\}$   
 $BC_1\{0;2;6\}$   
 $m\{d;e;f\}$

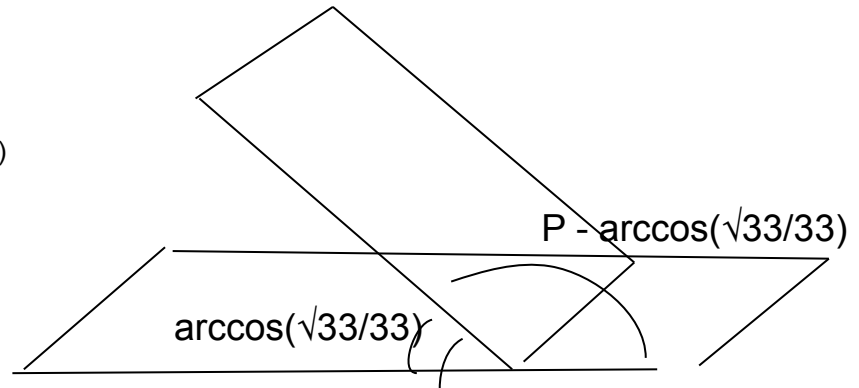
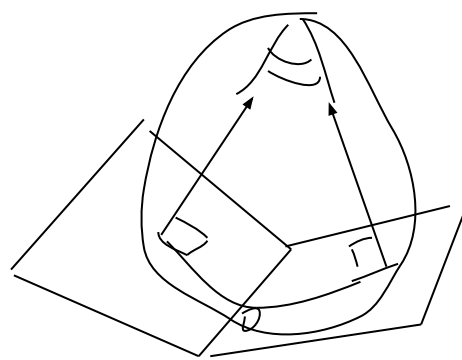
$(BB_1, m) = 0d + 0e + 6f = 6f = 0 \Rightarrow f = 0$   
 $(BC_1, m) = 0d + 2e + 6f = 2e + 6f \Rightarrow e = 0$   
 $d = 1$   
 $m\{1;0;0\}$   
 $n\{1/4; -1; 1\}$   
 $(m, n) = 1/4 - 0 + 0 = 1/4$   
 $|m| = \sqrt{1 + 0 + 0} = 1$   
 $|n| = \sqrt{1/16 + 1 + 1} = \sqrt{33/16} = \sqrt{33}/4$   
 $\cos(m, n) = 1/4 / (\sqrt{33}/4) = 1/\sqrt{33} = \sqrt{33}/33$   
 $\angle(m, n) = \arccos(\sqrt{33}/33)$

НЕ ОПРЕДЕЛЕНИЕ, А СЛЕДСТВИЕ

$(a, b) = |a||b|\cos(a; b)$   
 $(a, b) = (|a|+|b|)\text{tg}(a; b)$

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

$(a, b) = a_1*b_1 + a_2*b_2 + a_3*b_3 = |a||b|\cos(a; b)$



ОТВ:  $\arccos(\sqrt{33}/33)$

что такое скалярное произведение 2-х векторов

$[a, b]$  = вектор - векторное произведение векторов

$(a, b) = |a||b|\cos(a; b)$  = число - скалярное

$a\{a_1; a_2; a_3\}$   $b\{b_1; b_2; b_3\}$

$(a, b) = a_1*b_1 + a_2*b_2 + a_3*b_3$

$|a| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}$

$\cos(a; b) = (a, b) / |a||b|$

$\cos(90) = 0$

$(a, b) / |a||b| = 0$

$(a, b) = 0$