

Семь экспертов оценивают кинофильм. Каждый из них выставляет оценку – целое число баллов от 0 до 12 включительно. Известно, что все эксперты выставили различные оценки. По старой системе оценивания рейтинг кинофильма – это среднее арифметическое всех оценок экспертов. По новой системе оценивания рейтинг кинофильма вычисляется следующим образом: отбрасываются наименьшая и наибольшая оценки и подсчитывается среднее арифметическое пяти оставшихся оценок.

a) Может ли разность рейтингов, вычисленных по старой и новой системам оценивания, равняться  $\frac{1}{25}$ ?

b) Может ли разность рейтингов, вычисленных по старой и новой системам оценивания, равняться  $\frac{1}{35}$ ?

в) Найдите наибольшее возможное значение разности рейтингов, вычисленных по старой и новой системам оценивания.

a)

$$(a+b+c+d+e+f+g)/7 - (a+b+c+d+e)/5 = 1/25$$

$$X/7 - Y/5 = 1/25$$

$$(5X - 7Y)/35 = 1/25$$

$$5X - 7Y = 7/5$$

целое=дробное

b)

$$X/7 - Y/5 = 1/25$$

$$(5X - 7Y)/35 = 1/35$$

$$5X - 7Y = 1$$

$$(1+2+7+4+8+0+9)/9 +$$

$$-(1+2+7+4+8)/5 = (5*31 - 7*22)/35 =$$

$$= 1/35$$

в)

х- наименьшее

z- наибольшее

y- сумма остальных

$$(x+y+z)/7 - y/5 =$$

$$=(5(x+y+z) - 7y)/35 =$$

$$=(5x - 2y + 5z)/35$$

$$y >= (x+1) + (x+2) + (x+3) + (x+4) + (x+5)$$

$$-2y <= -2((x+1) + (x+2) + (x+3) + (x+4) + (x+5))$$

$$(5x - 2y + 5z)/35 <= (5x - 2((x+1) + (x+2) + (x+3) + (x+4) + (x+5)) + 5z)/35 =$$

$$=(5z - 30 - 5x)/35 <= (5*12 - 30 - 5*0)/35 =$$

$$= 30/35 = 6/7$$

$$(0+12+1+2+3+4+5)/7 - (1+2+3+4+5)/5 = 6/7$$