

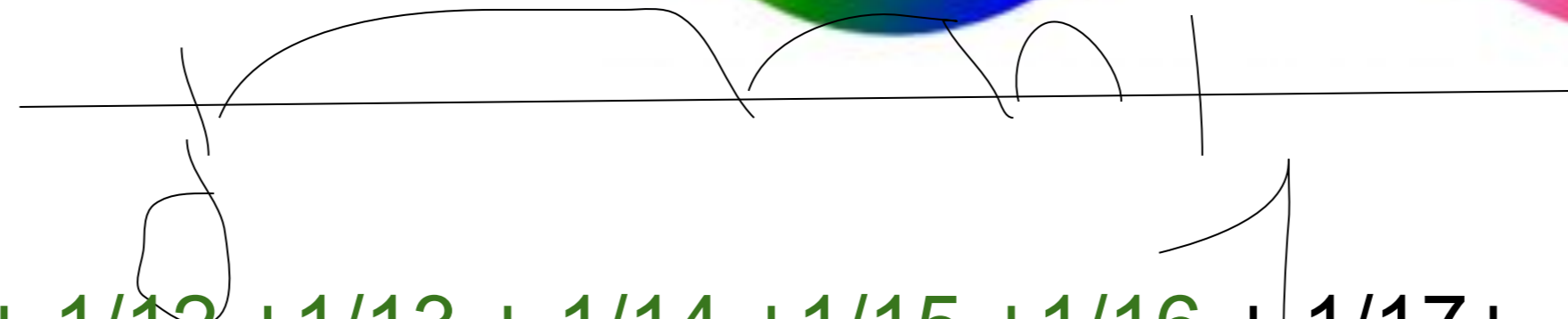
Покажите, что сколько бы членов суммы мы ни взяли - мы никогда не перевалим через 2-ку

а)  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \dots + \frac{1}{2^n} + \dots$

Как вы думаете, может ли указанная сумма превысит 1000000 при достаточно большом количестве слагаемых? А 10000000000?

б)  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \dots + \frac{1}{n} + \dots$

$(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} + \dots)$



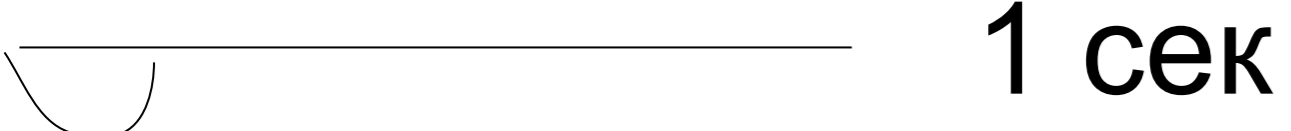
$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} + \frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{11} + \frac{1}{12} + \frac{1}{13} + \frac{1}{14} + \frac{1}{15} + \frac{1}{16} + \frac{1}{17} + \dots = \sim \log_2(n)$

$\frac{1}{3} + \frac{1}{4} > \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

$\frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{8} > \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

$\frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{11} + \frac{1}{12} + \frac{1}{13} + \frac{1}{14} + \frac{1}{15} + \frac{1}{16} > \frac{8}{16} = \frac{1}{2}$

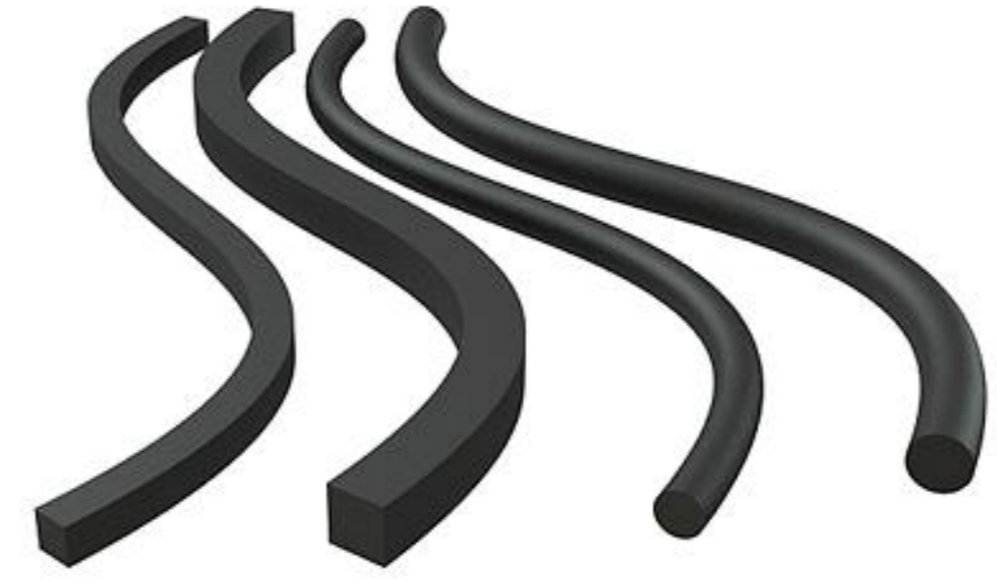
Вы держите один конец резинового шнура длиной 1 км. От второго его конца, который закреплен, к вам со скоростью 1 см/с ползет жук. Каждый раз, как только он проползает 1 см, вы удлиняете резинку на 1 км. Доползет ли жук до вашей руки? Если да, то оцените сколько ему потребуется времени?



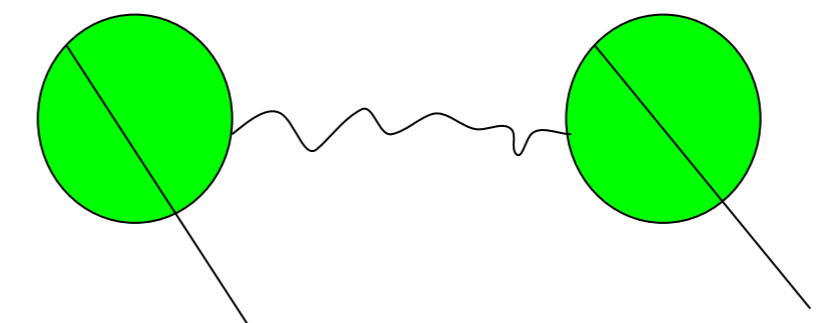
Доля от шнура  
 $\frac{1}{100000} + \frac{1}{200000} + \frac{1}{300000} + \frac{1}{400000} + \dots = \frac{1}{100000} (1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots) = \log_2(n) = 100000$   
 $\log_2(n) = \log_2(2^{100000})$   
 $n = 2^{100000} = (2^{10})^{10000} = 10^{30000}$  секунд =  $10^{29992}$  года

Двухщелевой эксперимент 200 лет назад

Двухщелевой эксперимент с отложенным выбором (будущее может влиять на прошлое) 20 лет назад



Квантовая запутанность



Время расстояния