

Верно ли, что число $n^2 + n + 41$ простое при любом натуральном n ?

если $n = 1$ то $= 43$

если $n = 2$ то $= 47$

если $n = 3$ то $= 53$

если $n = 4$ то $= 61$

если $n = 5$ то $= 71$

если $n = 6$ то $= 83$

$41^2 + 1 \cdot 41 + 1 \cdot 41 = 41(41 + 1 + 1) = 41 \cdot 43$

- 1) никакой формулой зависящей от одной переменной невозможно задать бесконечно много простых чисел

$n^{177} - 5n + n^3 + 1$

- 2) $a^2b - a^7 + b - 5$ - можно придумать формулу, задающую бесконечно много простых чисел (но это не значит что все ее значения простые)

$$\begin{aligned}
 & (k + 2)(1 - [wz + h + j - q]^2 - \\
 & [(gk + 2g + k + 1)(h + j) + h - z]^2 - \\
 & - [2n + p + q + z - e]^2 - \\
 & [16(k + 1)^3(k + 2)(n + 1)^2 + 1 - f^2]^2 - \\
 & - [e^3(e + 2)(a + 1)^2 + 1 - o^2]^2 - \\
 & [(a^2 - 1)y^2 + 1 - x^2]^2 - \\
 & [16r^2y^4(a^2 - 1) + 1 - u^2]^2 - \\
 & [((a + u^2(u^2 - a))^2 - 1)(n + 4dy)^2 + 1 - (x + cu)^2]^2 - \\
 & - [n + l + v - y]^2 - [(a^2 - 1)l^2 + 1 - m^2]^2 - \\
 & - [ai + k + 1 - l - i]^2 - \\
 & - [p + l(a - n - 1) + b(2an + 2a - n^2 - 2n - 2) - m]^2 - \\
 & [q + y(a - p - 1) + s(2ap + 2a - p^2 - 2p - 2) - x]^2 - \\
 & - [z + pl(a - p) + t(2ap - p^2 - 1) - pm]^2
 \end{aligned}$$

- 1) её значение - только простые числа
- 2) все простые числа рано или поздно ее значения

Матияевич 22 года

натуральные числа $N = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 10; 11; \dots\}$

простые числа $P = \{2; 3; 5; 7; 11; \dots\}$

целые числа $Z = \{0; +1; +2; +3; +4; \dots\}$

рациональные числа $Q = \{m/n, \text{ где } m - \text{ число целое, } n - \text{ натуральное}\}$

иррациональные числа $I = \{\text{числа, непредставимые в виде дроби } m/n\}$