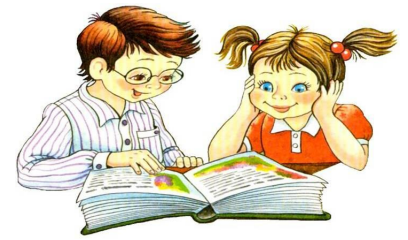


Может ли произведение двух последовательных целых положительных чисел быть квадратом целого числа?



Не может

$$(q+1) \cdot q = \text{четн} = y^2$$

Если  $y$  нечет, то  $y^2$  нечет

Т.е.  $y$  чет

$$(q \cdot q + q)$$

$$y = 2k$$

$$(q+1) \cdot q = (2k)^2$$

$$q^2 + q = 4k^2$$

$$4k^2 - q^2 = q$$

$$(2k - q)(2k + q) = q$$

$$(q+1) \cdot q$$

Если у первого из этих чисел есть множитель  $d$ , то у второго этого множителя нет. (потому что в силу того что  $q$  отличается от  $(q+1)$  на 1, то остатки от деления на  $d$  отличаются тоже на 1).

$$q = a \cdot b \cdot c$$

$$q+1 = w \cdot e \cdot r$$

$$36 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3$$

$$q = a \cdot a \cdot b \cdot b \cdot c \cdot c = z^2$$

$$q+1 = w \cdot w \cdot e \cdot e \cdot r \cdot r = v^2$$

Не бывает квадратов, являющихся 2-мя подряд идущими числами

$$v^2 - z^2 = (v-z)(v+z) > 1 \text{ следует, что } v^2 \text{ и } z^2 \text{ не соседние}$$

А отсюда

$$q = a \cdot a \cdot b \cdot b \cdot c \cdot c = z^2$$

$$q+1 = w \cdot w \cdot e \cdot e \cdot r \cdot r = v^2$$

Соседние

противоречие