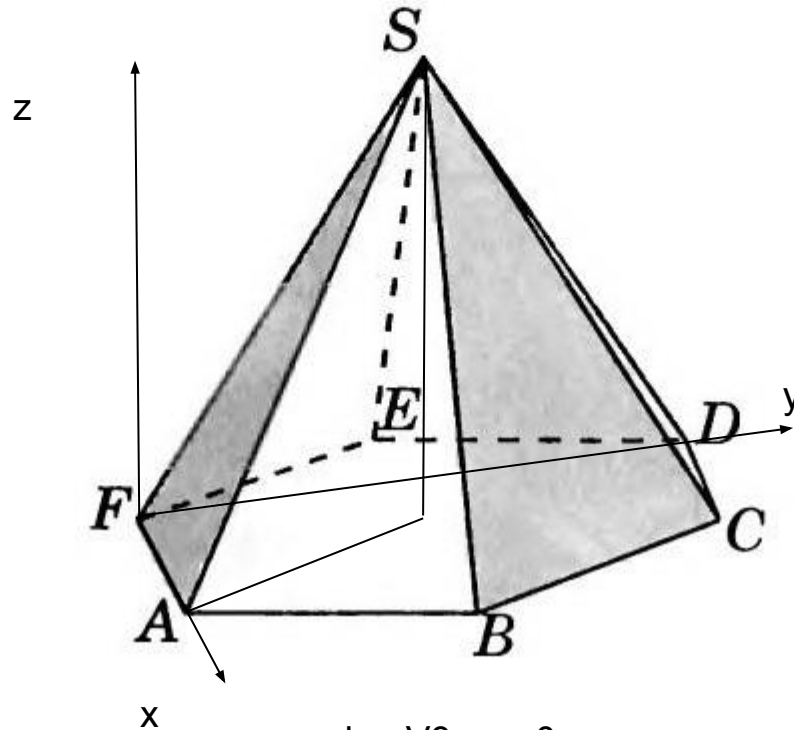


В правильной шестиугольной пирамиде  $SABCDEF$ , стороны основания которой равны 1, а боковые ребра равны 2, найдите косинус угла между плоскостями  $SAF$  и  $SBC$ .



$$S(\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; \sqrt{3})$$

$$A(1; 0; 0)$$

$$F(0; 0; 0)$$

$$B(\frac{3}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; 0)$$

$$C(1; \sqrt{3}; 0)$$

$$FA\{1; 0; 0\}$$

$$FS\{\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; \sqrt{3}\}$$

$$BS\{-1; 0; \sqrt{3}\}$$

$$BC\{-\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; 0\}$$

$$n1\{a; b; c\}$$

$$n2\{k; l; m\}$$

$$A = 0$$

$$\frac{1}{2}A + \frac{\sqrt{3}}{2}B + \sqrt{3}C = 0$$

$$B = 1$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} + \sqrt{3}C = 0$$

$$\frac{1}{2} + C = 0$$

$$C = -\frac{1}{2}$$

$$n1\{0; 1; -\frac{1}{2}\}$$

$$-k + \sqrt{3}m = 0$$

$$-\frac{1}{2}k + \frac{\sqrt{3}}{2}l = 0$$

$$k = 1$$

$$-1 + \sqrt{3}m = 0$$

$$-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}l = 0$$

$$m = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$l = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$n2\{1; \frac{\sqrt{3}}{3}; \frac{\sqrt{3}}{3}\}$$

$$\cos(n1; n2) = (\frac{\sqrt{3}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{6}) / (\sqrt{1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3}}) * \sqrt{\frac{5}{4}} = (\frac{\sqrt{3}}{6}) / \sqrt{\frac{5}{3}} * \sqrt{\frac{5}{4}} = (\frac{\sqrt{3}}{6}) / \frac{5}{\sqrt{12}} = \frac{6}{30} = \frac{1}{5}$$