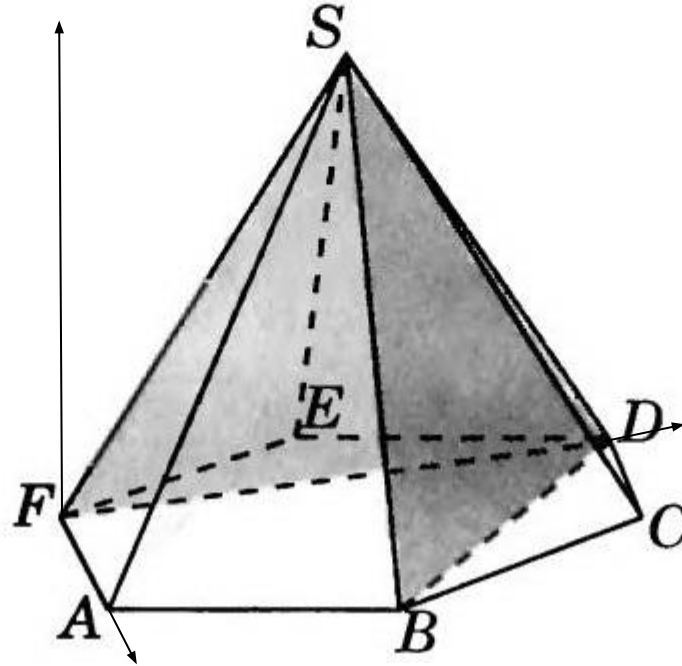


В правильной шестиугольной пирамиде  $SABCDEF$ , стороны основания которой равны 1, а боковые ребра равны 2, найдите косинус угла между плоскостями  $SBD$  и  $SDF$ .



$$S\left(\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; \sqrt{3}\right)$$

$$F(0; 0; 0)$$

$$B\left(\frac{3}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; 0\right)$$

$$D(0; \sqrt{3}; 0)$$

$$FS\left\{\frac{1}{2}; \frac{\sqrt{3}}{2}; \sqrt{3}\right\}$$

$$FD\{0; \sqrt{3}; 0\}$$

$$SB\{1; 0; -\sqrt{3}\}$$

$$DS\left\{\frac{1}{2}; -\frac{\sqrt{3}}{2}; \sqrt{3}\right\}$$

$$n_1\{a; b; c\}$$

$$\frac{1}{2}a + \frac{\sqrt{3}}{2}b + \sqrt{3}c = 0$$

$$\sqrt{3}b = 0 \quad b = 0$$

$$a = 1$$

$$\frac{1}{2} + \sqrt{3}c = 0$$

$$c = -\frac{\sqrt{3}}{6}$$

$$n_1\left\{1; 0; -\frac{\sqrt{3}}{6}\right\}$$

$$x - \sqrt{3}z = 0$$

$$\frac{x}{2} - y\frac{\sqrt{3}}{2} + z\sqrt{3} = 0$$

$$x = 1$$

$$z = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\frac{1}{2} - y\frac{\sqrt{3}}{2} + 1 = 0$$

$$y = \sqrt{3}$$

$$n_2\{1; \sqrt{3}; \frac{\sqrt{3}}{3}\}$$

$$\cos(n_1; n_2) = \frac{(1 - \frac{1}{6})}{\sqrt{(1 + \frac{1}{12}) \cdot (4 + \frac{1}{3})}} = \frac{5}{6} / \left(\sqrt{\frac{13}{12} \cdot \frac{13}{3}}\right) =$$

$$= \frac{5}{6} / \frac{13}{6} = \frac{5}{13}$$