

все действительные= вещественные (положительные) числа R - это числа, которые могут быть длинами отрезков



счетные множества

$$N = \{1, 2, 3, \dots\}$$

$$Z = \{0; +1; \dots\}$$

$$Q = \{m/n, \text{ где } m \in Z, n \in N\}$$

I = иррациональные числа - это числа, не являющиеся рациональными, т.е. непредставимые в виде обыкновенной дроби

A = {все корни ур-ий произвольной степени с целыми коэфтами}

все корни и их комбинации лежат в A, и не только они, а еще невыразимые в арифметических корнях и операциях корни ур-ий типа $x^5 + 5x + 1 = 0$

T = {Пи, e - трансцендентные, не являющиеся алгебраическими} $\log_2(5)$

$$\log_2(4) = 2$$

$$R = A \cup T = Q \cup I$$

доказать, что множество всех действительных чисел имеет мощность континуума (мощность превосходящую счетное)

а) доказать, что множество всех действительных на интервале (0;1) чисел имеет мощность континуума

б) доказать, что множество всех чисел интервала (0;1) равномощно всем числам на вещественной прямой

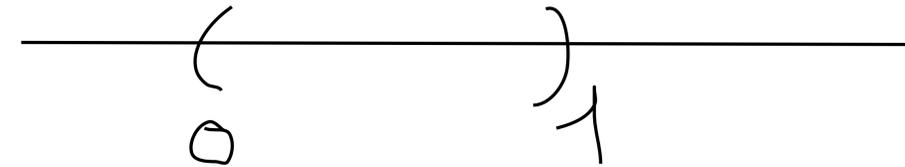
$$x^2 + x - 1 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$x^5 + 3x + 1 = 0$$

V, +, -, *, /

даже этот плохой корень алгебраическое число



$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \dots + \frac{1}{n} + \dots = \infty$$

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{6} + \dots + \frac{1}{n} + \dots = \ln(n) + C = \log_e(n) + C$$

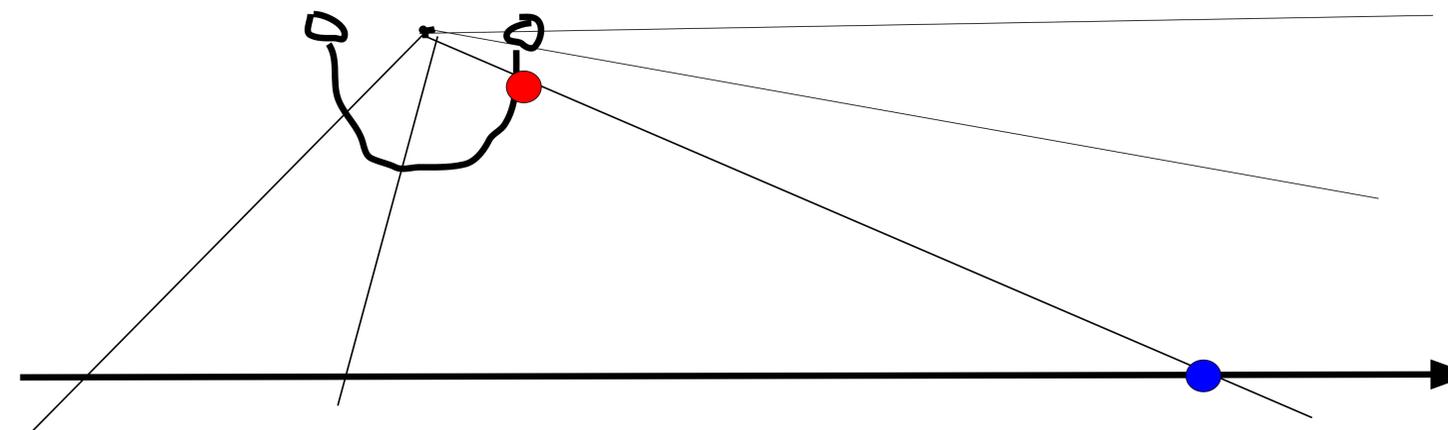
C - константа эйлера 0.49...

0.2183491823481... э (0;1) в 10-ичной системе счисления

0.1101010001010... э (0;1) в 2-ичной системе счисления

0.1101010001010... - 1101010001010...

0.111111111111101... - 111111111111101...



есть ли

соответств

ие? да



все числа

МНОЖЕСТВА МОЩНОСТИ КONTИнуУМА



бесконечные наборы 0 и 1

несчетное?
ДА

Фон-дер-Флаасс его прапрадед кандидат = Phd доктор > Phd член кор академик

несчетное