

$P(x) / 1 \rightarrow \infty$ Евклид
(простых чисел бесконечно)

$P(x) / x \rightarrow 0$
(XVIII - Леонард Эйлер)

$P(x) / x/\ln(x) \rightarrow 1$
(XIX Чебышев)

$e=2,71\dots$

Распределение простых чисел

$P(n)$ - количество простых чисел, меньших n
 $P(20)=[3,5,7,11,13,17,19]=7$

$2^x=16$
 $x=4=\log_2(16)$

$2^x=8$
 $x=3=\log_2(8)$

$2^x=10$
 $x=3.5=\log_2(10)$

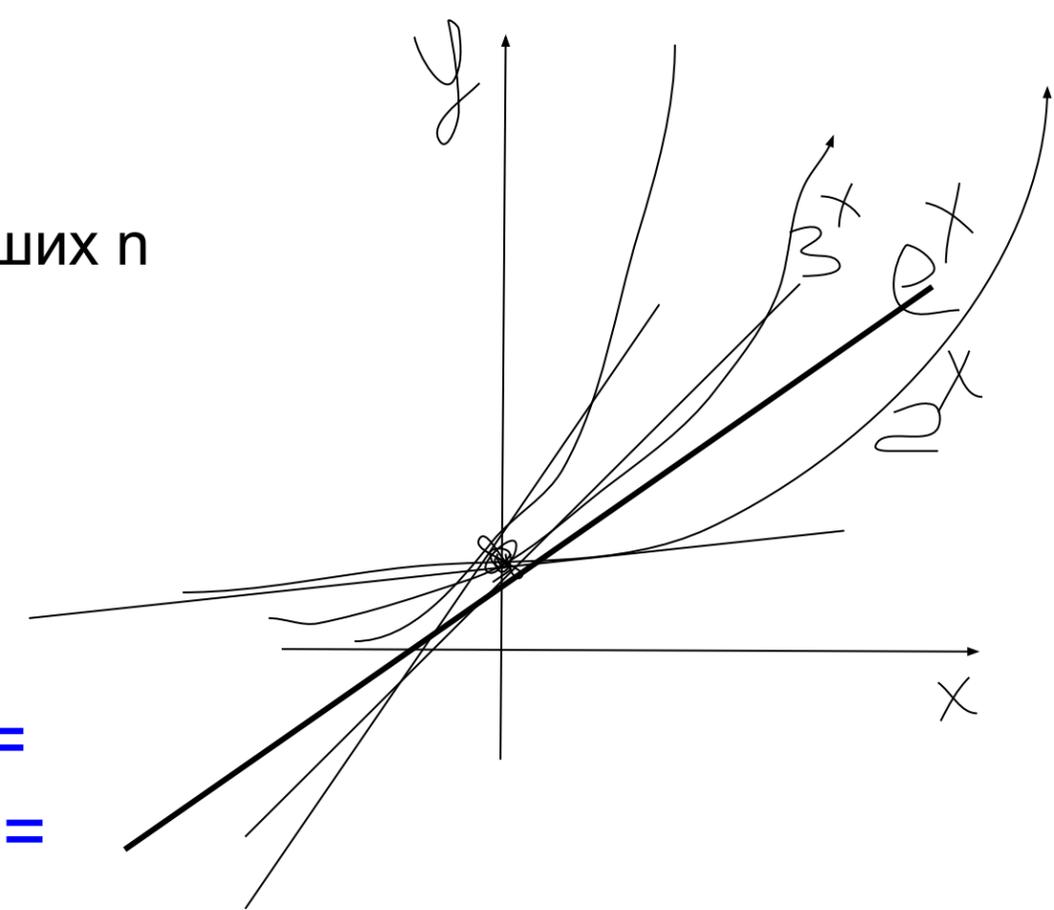
$\log_e(x)=\ln(x)$

$x=1000\ 000$

$1000\ 000 / \ln(1000\ 000) =$
 $= 1000000 / 13 =$
 $= 76923$ простых

$(1+1/n)^n \rightarrow e$

$e^x = 1 + x/1 + x^2/2! + x^3/3! + \dots$



Постулат Бертрانا (между числами n и $2n$ есть хотя бы одно простое число)

$x/\ln(x) \sim P(x)$
 $2x/\ln(2x) \sim P(2x)$

$P(2x) - P(x) = 2x/\ln(2x) - x/\ln(x) =$
 $= x[2/\ln(2x) - 1/\ln(x)] > x[2/\ln(2x) - 1/\ln(2x)] = x[1/\ln(2x)] = x/\ln(2x) > 1$

- Синус: $\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!}, x \in \mathbb{C}$
- Косинус: $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n}}{(2n)!}, x \in \mathbb{C}$

$e^{ix} = \cos(x) + i \cdot \sin(x)$, см. формула Эйлера

$i = \sqrt{-1}$