

Простые числа



```

НЕЭФФЕКТ
function test_na_prostotu(number)
{
    var status=0;
    for(i=2;i<number;i++)
    {
        if(number%i==0)
        {
            status=1;
            document.write(i+"<br>");
            break;
        }
    }
    if(status==1)
    {
        document.write("непростое");
    }
    else
    {
        document.write("простое");
    }
}

```

```

ЭФФЕКТ
function super_test_na_prostotu(number)
{
    var status=0;
    var parametr=Math.sqrt(number);
    for(i=2;i<parametr;i++)
    {
        if(number%i==0)
        {
            status=1;
            document.write(i+"<br>");
            break;
        }
    }
    if(status==1)
    {
        document.write("непростое");
    }
    else
    {
        document.write("простое");
    }
}

```

```

//массивы ни при чем
function test_na_prostotu(number)
{

```

36 -2
18 -2
9 -3
3 -3
1

```

function razlogenie_na_monogiteli(number)
{

```

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97

2 гигантских простых числа
по 100 знаков - перемножаются, получается число в 200 знаков
проверить до корня - корень из 200 значного числа будет 100 значный.
 10^{100} - количество проверок на делимость
10 ГГц - это 10 000 000 000 операций в секунду= 10^{10} операций в секунду
 $10^{100} / 10^{10} = 10^{90}$ секунд = $10^{90} / 10^8 = 10^{82}$ лет= 10^{72} лет на суперкомпьютер
в 1 году 31 000 000 секунд=100 000 000 секунд
Возраст Вселенный 10^{15} лет

наибольшее продвижение человечества в задаче разложение на множители - проверка до квадратного корня (2500 лет назад) 1970 RSA

в 2003 изобрели алгоритм принципиально быстрее выясняет простоту

1001 имеет ли смысл пытаться делить 1001 на 700?

1001 имеет смысл делить до 500

а можно ли установить более низкую границу найти для проверки?
эта граница квадратный корень из числа $1001 \sim 31 \cdot 31$

пусть мы проверили 1001 на делимость для всех чисел до 31 и 1001 ни на что не поделилась. Мы начали проверять дальше и вдруг 1001 поделилась на 57
 $1001 = 57 \cdot \text{частное}$, какое будет это частное? Оно будет меньше 31

класс задач, которые умеют решать сейчас только полным перебором
Левин - 1970-ые NP-полных задач (если удастся решить хотя бы одну - весь класс будет решен)

```

function razlojenie_na_mnojitel2(number)
{
    var parametr=Math.sqrt(number);
    for (var i=2;i<=parametr;//больше либо равно, потому что возможно дойти до значния самого квадратного корня проверяемого числа
    {
        if(number%i==0)
        {
            number=number/i;
            document.write(i+" ");
            parametr=Math.sqrt(number);
        }
        else
        {
            i++;
        }
    }
    document.write(number);//догоняем последне значение number, потому что в цикле number не успеет поделиться на i (множитель), а i<= корня из number, поэтому произойдет предпоследнее деление, поэтому последнее значение проверяемого числа (в данном случае 3) не поделится на последний множитель (3)
}
razlojenie_na_mnojitel2(36);

```