

ОПРЕДЕЛЕНИЕ

Последовательность $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ (до бесконечности) называется стабилизирующейся, если все ее элементы, начиная с некоторого, равны между собой.

Задача

Докажите, что вложенная система интервалов имеет общую точку, если последовательность левых концов интервалов не стабилизируется и последовательность правых концов - тоже не стабилизируется.

Рассмотрим некоторую вложенную систему интервалов, у которой оба конца не стабилизируются. Строим вспомогательную систему вложенных отрезков так, чтобы

- 1) в каждый интервал вложен как минимум 1 отрезок
- 2) границы отрезков лежат между односторонними границами соседних интервалов

Для данной системы отрезков обязательно найдется общая точка, которая будет общей и для интервалов тоже

Рассмотрим вложенную систему интервалов, у которой правый конец стабилизирован. Строим вспомогательную систему отрезков. Один из отрезков своим правым концом O окажется правее правого конца всех интервалов I . Между O и I образуется некоторое расстояние D . Может так случиться, что система интервалов окажется своей левой границей X между O и I , тогда просто не получится вложенной системы отрезков, а значит общей точки может и не найтись (но она может найтись, если X не окажется правее O).

