

Задача 4. Найдите хотя бы одно такое натуральное k , что
 $1,0001^k > 1000000$

$$(1+d)^k > \text{number}$$

Задача 5. Найдите хотя бы одно такое натуральное k , что
 $0,999^k < 0,0000001$

$$k=10^6$$

$$1,0001^k > 10^6$$

$$k > \log_{1,0001/100000}(10^6)$$

$$0,999^k < 10^{-7}$$

$$0,999 < (10^{-7})^{1/k}$$

$$0,999 < 10^{-7/k}$$

$$(1 + 0.0001)^k > 1^k + k \cdot 1^{k-1} \cdot 0.0001^1 =$$

$$= 1 + k \cdot 0.0001 > 1000\ 000$$

$$k > 99999 / 0.0001$$

$$k > 99999 \cdot 10000$$

$$k > 999990000$$

$$k = 999990001$$

$$(999/1000)^k < 10^{-7} \quad |^{-1}$$

$$(1000/999)^k > 10^7$$

$$((999+1)/999)^k > 10^7$$

$$(1+1/999)^k > 10^7$$

$$(a+b)^k = a^k + k a^{k-1} b + \dots + b^k$$

$$(a+b)^k = a^k + C(k,1) \cdot a^{k-1} b + C(k,2) \cdot a^{k-2} b^2 + \dots + b^k$$

$$C(k,1) = k! / ((k-1)! \cdot 1!) = k$$

$$C(k,2) = k! / ((k-2)! \cdot 2!) = k \cdot (k-1) \cdot (k-2)! / ((k-2)! \cdot 2!) = k \cdot (k-1) / 2$$

$$(1+1/999)^k > 1^k + k \cdot 1^{k-1} \cdot (1/999)^1 =$$

$$= 1 + k(1/999) > 10^7$$

$$k > 999(10^7 - 1)$$

$$k > 999 \cdot 10^7 - 999$$

$$k > 9989999001$$

$$k = 9989999002$$