Исполнитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которым присвоены номера:

## 1. Прибавить 1

## 2. Умножить на 3

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 3. Программа для исполнителя — это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное число 2 в число 87, и при этом траектория вычислений содержит число 26? Траектория вычислений — это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 212 при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 12, 13, 39.

## Решение.

Искомое количество программ равно произведению количества программ, получающих из числа 2 число 26, на количество программ, получающих из числа 26 число 87, при этом траектория вычислений должна содержать число 28.

Пусть R(n) — количество программ, которые число 2 преобразуют в число n.

```
Верны следующие соотношения:
```

```
R(n) = R(n-1) + R(n/3)(если n — кратно 3).
R(2) = 1.
R(3) = 1.
R(4) = 1.
R(5) = 1.
R(6) = 2.
R(7) = 2.
R(8) = 2.
R(9) = 3.
R(10) = 3.
R(11) = 3.
R(12) = 4.
R(13) = 4.
R(14) = 4.
R(15) = 5.
R(16) = 5.
R(17) = 5.
R(18) = 7.
R(19) = 7.
R(20) = 7.
R(21) = 9.
R(22) = 9.
R(23) = 9.
R(24) = 11.
R(25) = 11.
R(26) = 11.
```

Из числа 26 число 87 можно получить пятью способами: последовательностью команд 211...11, последовательностью команд 12111111, последовательностью команд 112111, последовательностью команд 11...11.

Таким образом, количество программ, удовлетворяющих условию задачи, равно  $11 \cdot 5 = 55$ .

Ответ: 55.

## Приведём другое решение на языке Python.

```
def f(x, y):
    if x > y:
        return 0
    if x == y:
        return 1
    else:
        return f(x + 1, y) + f(x * 3, y)
print(f(2, 26) * f(26, 87))
```