

Логическая функция  $F$  задаётся выражением  $((x \vee \neg y) \wedge (\neg z \equiv w)) \rightarrow (y \wedge z)$ . На рисунке приведён частично заполненный фрагмент таблицы истинности функции  $F$ , содержащий неповторяющиеся строки. Определите, какому столбцу таблицы истинности функции  $F$  соответствует каждая из переменных  $x, y, z, w$ .

?	?	?	?	$F$
1		1	1	0
0	0		0	0
0			1	0

В ответе напишите буквы  $x, y, z, w$  в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы. Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

#### Решение.

Рассмотрим первую строку таблицы истинности. Заметим, что одна из переменных  $y$  и  $z$  должна принимать значения 0. Если переменная  $y$  будет равна 0, тогда скобка  $(y \wedge z)$  тоже будет равна 0, но вторая часть выражения  $((x \vee \neg y) \wedge (\neg z \equiv w))$  будет принимать значение 0 и тогда импликация примет значение 1. Значит, второму столбцу соответствует переменная  $z$ , и в первой строке во втором столбце будет стоять значение 0.

Рассмотрим вторую строку таблицы истинности. Скобка  $(y \wedge z)$  равна 0. Заметим, что чтобы скобка  $((x \vee \neg y) \wedge (\neg z \equiv w))$  была равна 0, переменная  $w$  должна быть равна 1. Значит, третьему столбцу таблицы истинности соответствует переменная  $w$ , и во второй строке в третьем столбце будет стоять значение 1.

Рассмотрим третью строку таблицы истинности. Она может выглядеть так: 0001, 0101 или 0111. Предположим, что первому столбцу таблицы истинности соответствует переменная  $x$ . Тогда во всех трёх случаях выражение будет истинным. Значит, первому столбцу таблицы истинности соответствует переменная  $y$ , а четвёртому —  $x$ .

Ответ:  $yzwx$ .

#### Приведем другое решение.

Составим таблицу истинности для выражения  $((x \vee \neg y) \wedge (\neg z \equiv w)) \rightarrow (y \wedge z)$  вручную или при помощи языка Python:

```
 print("x y z w")
for x in range(0, 2):
    for y in range(0, 2):
        for z in range(0, 2):
            for w in range(0, 2):
                if not(not(x or not(y)) and (not(z) == w)) or (y and z):
                    print(x, y, z, w)
```

Далее выпишем те наборы переменных, при которых данное выражение равно 0. В наборах переменные запишем в порядке  $x, y, z, w$ . Получим следующие наборы:

(0, 0, 0, 1),  
(0, 0, 1, 0),  
(1, 0, 0, 1),  
(1, 0, 1, 0),  
(1, 1, 0, 1).

Сопоставим эти наборы с приведенным в задании фрагментом таблицы истинности.

Первая строка таблицы может соответствовать только набору (1, 1, 0, 1), следовательно, во втором столбце первой строки стоит 0, и второй столбец соответствует переменной  $z$ .

Вторая строка может соответствовать только набору (0, 0, 0, 1), следовательно, в третьем столбце второй строки стоит 1, и третий столбец соответствует переменной  $w$ .

Третья строка может соответствовать как набору (1, 0, 0, 1), так и набору (1, 0, 1, 0). В обоих наборах переменная  $x$  принимает значение 1, а переменная  $y$  принимает значение 0, следовательно, переменная  $x$  соответствует четвёртому столбцу таблицы, а переменная  $y$  — первому столбцу. Получаем последовательность  $yzwx$ .

#### Примечание.

В программе избавляемся от импликации используя свойство импликации:  $x \rightarrow y = \neg x + y$ .