

Логическая функция  $F$  задаётся выражением  $(\neg y \rightarrow (z \equiv w)) \wedge ((z \rightarrow x) \equiv w)$ . На рисунке приведён частично заполненный фрагмент таблицы истинности функции  $F$ , содержащий неповторяющиеся строки. Определите, какому столбцу таблицы истинности функции  $F$  соответствует каждая из переменных  $x, y, z, w$ .

Переменная 1	Переменная 2	Переменная 3	Переменная 4	Функция
1	1	0	1	1
0	1	1	1	1
0			0	0

ege.sdamgia.ru

В ответе напишите буквы  $x, y, z, w$  в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала — буква, соответствующая первому столбцу; затем — буква, соответствующая второму столбцу, и т.д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение  $x \rightarrow y$ , зависящее от двух переменных  $x$  и  $y$ , и фрагмент таблицы истинности:

Переменная 1	Переменная 2	Функция
???	???	$F$
0	1	0

Тогда первому столбцу соответствует переменная  $y$ , а второму столбцу соответствует переменная  $x$ . В ответе нужно написать:  $yx$ .

### Решение.

Составим таблицу истинности для выражения  $(\neg y \rightarrow (z \equiv w)) \wedge ((z \rightarrow x) \equiv w)$ , вручную или при помощи языка Python:

```
☐ print("x y z w")
for x in range(0, 2):
    for y in range(0, 2):
        for z in range(0, 2):
            for w in range(0, 2):
                if ((not(y)) <= (z == w)) and ((z <= x) == w):
                    print(x, y, z, w)
```

Далее выпишем те наборы переменных, при которых данное выражение равно 1. В наборах переменные запишем в порядке  $x, y, z, w$ . Получим следующие наборы:

$(0, 1, 1, 0),$   
 $(0, 1, 0, 1),$   
 $(1, 0, 1, 1),$   
 $(1, 1, 0, 1),$   
 $(1, 1, 1, 1).$

Сопоставим эти наборы с приведенным в задании фрагментом таблицы истинности.

Рассмотрим вторую и третью строки таблицы истинности. Заметим, что в первом столбце обеих строк стоит значение «0». Из найденных наборов только у второго и четвёртого на одной и той же позиции стоит значение «0» для переменной  $z$ . Следовательно, вторая строка соответствует четвёртому набору, а третья строка соответствует второму набору. Тогда первый столбец таблицы истинности соответствует переменной  $z$ . Поскольку третья строка соответствует второму набору, в котором  $z = 0$  и  $x = 0$ , четвёртый столбец таблицы истинности соответствует переменной  $x$ .

Рассмотрим первую строку таблицы истинности. Из оставшихся наборов, только третий набор может соответствовать первой строке таблицы истинности. Тогда, поскольку в этом наборе  $y = 0$ , третий столбец таблицы истинности соответствует переменной  $y$ , а второй столбец соответствует переменной  $w$ .

Ответ:  $zwyx$ .