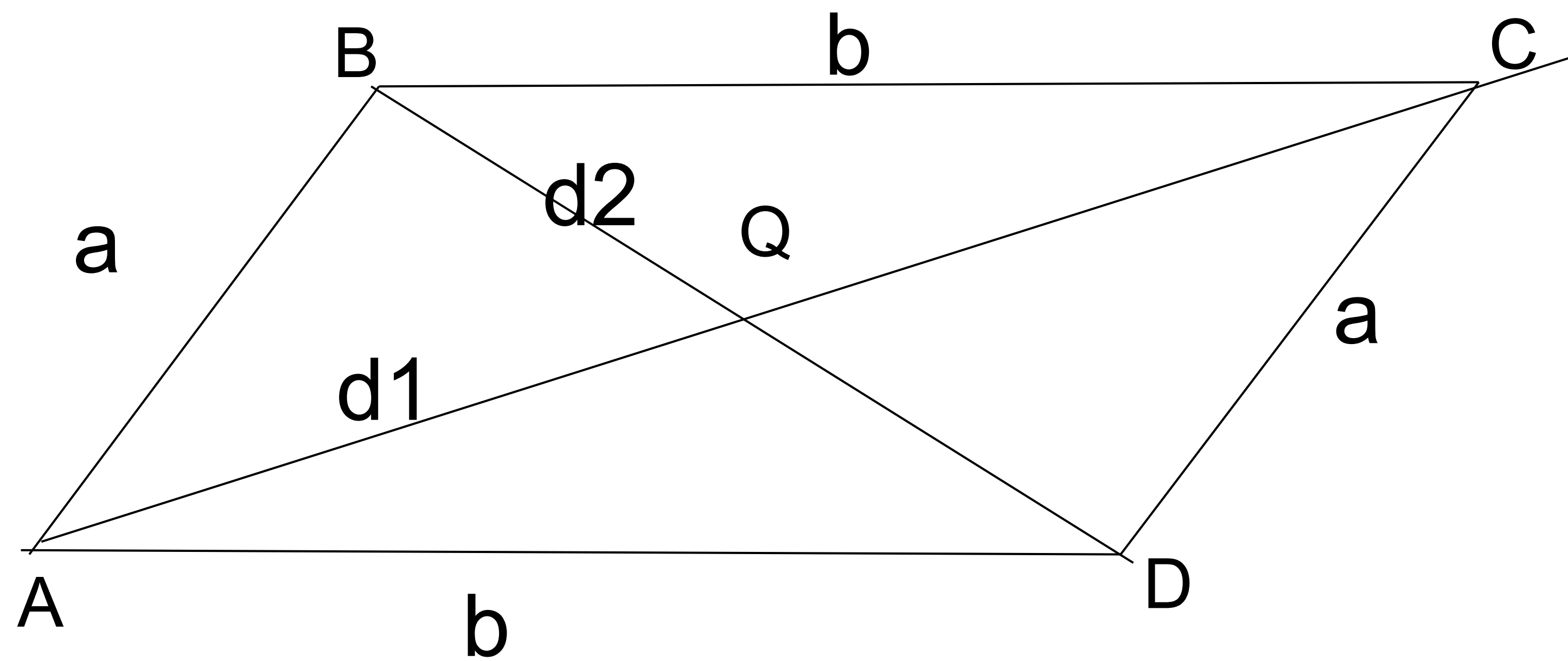


Дан параллелограмм. Док-ть, что сумма квадратов диагоналей равна сумме квадратов всех его сторон, т.е.  $d_1^2 + d_2^2 = 2(a^2 + b^2)$



1 СПОСОБ

подсказка: да поможет тебе теорема косинусов

$$a^2 = (d_2/2)^2 + (d_1/2)^2 - d_2 \cdot (d_1/2) \cdot \cos(\angle BQA)$$

$$b^2 = (d_2/2)^2 + (d_1/2)^2 - d_2 \cdot (d_1/2) \cdot \cos(\angle P - \angle BQA)$$

$$\cos(\angle P - \angle BQA) = \cos(\angle P) \cdot \cos(\angle BQA) + \sin(\angle P) \cdot \sin(\angle BQA) = -\cos(\angle BQA)$$

$$b^2 = (d_2/2)^2 + (d_1/2)^2 + d_2 \cdot (d_1/2) \cdot \cos(\angle BQA)$$

$$a^2 + b^2 = 2(d_2/2)^2 + 2(d_1/2)^2$$

$$a^2 + b^2 = d_2^2/2 + d_1^2/2$$

$$2(a^2 + b^2) = d_2^2 + d_1^2$$

2 СПОСОБ (через медиану)

$$m_a = (1/2) \sqrt{2c^2 + 2b^2 - a^2}$$

$$(2m_a)^2 = 2c^2 + 2b^2 - a^2$$

$$(2m_a)^2 + a^2 = 2c^2 + 2b^2$$

