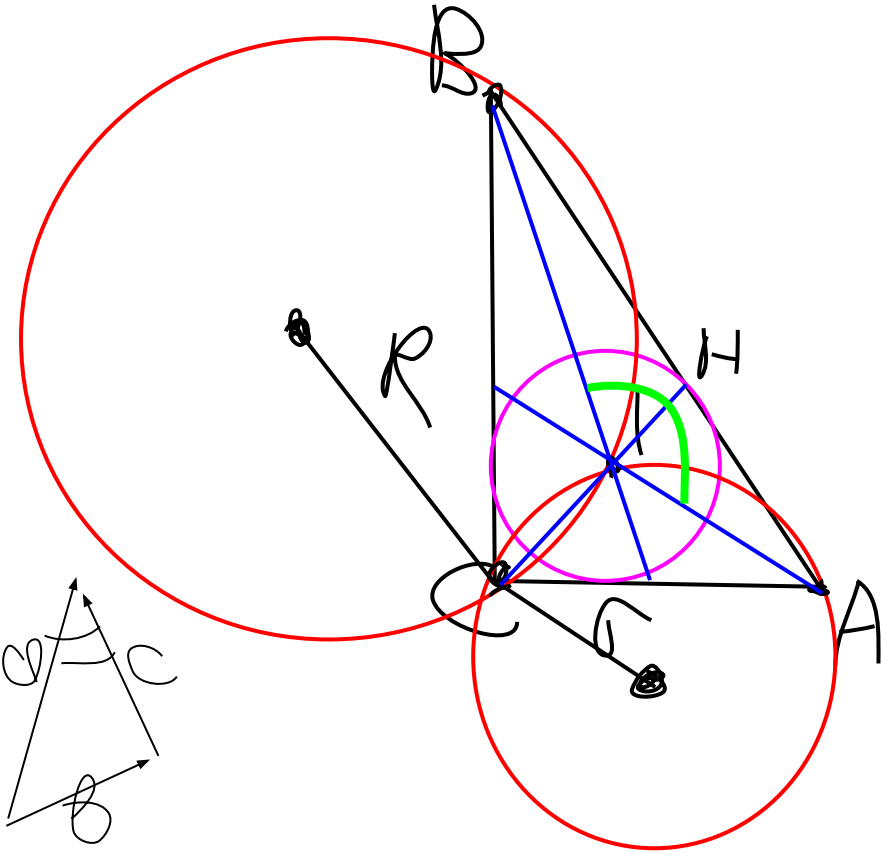


I - центр вписанной в прямоугольный треугольник ABC окружности. R и r - радиусы окр-тей, описанных вокруг тр-ков CIB и CIA соответственно. Найти гипотенузу AB.



$$2R = BI / \sin(C/2)$$

$$2R = BI / \sin 45$$

$$BI = 2R * \sin 45$$

$$BI = 2R * \sqrt{2}/2 = R\sqrt{2}$$

$$2r = AI / \sin(C/2)$$

$$AI = r\sqrt{2}$$

$$\angle AIB = 180 - 45 = 135$$

$$AI = a$$

$$BI = b$$

$$AB = c$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab * \cos 135$$

$$c^2 = 2r^2 + 2R^2 - 4rR * (-\sqrt{2}/2)$$

$$c^2 = 2r^2 + 2R^2 + 2rR * \sqrt{2}$$

$$c = \sqrt{2r^2 + 2R^2 + 2rR * \sqrt{2}}$$

Ответ: $\sqrt{2r^2 + 2R^2 + 2rR * \sqrt{2}}$

$$\vec{b} + \vec{c} = \vec{a}$$

$$\vec{b} = \vec{a} - \vec{c}$$

$$(\vec{x}, \vec{y}) = |\vec{x}| * |\vec{y}| * \cos(\angle x, y)$$

$$(\vec{x}, \vec{y} + \vec{z}) = (\vec{x}, \vec{y}) + (\vec{x}, \vec{z})$$

$$b^2 = (\vec{b}, \vec{b}) = (\vec{a} - \vec{c}, \vec{a} - \vec{c}) =$$

$$= (\vec{a}, \vec{a}) - (\vec{a}, \vec{c}) - (\vec{c}, \vec{a}) + (\vec{c}, \vec{c}) =$$

$$= |\vec{a}|^2 - 2 * (\vec{a}, \vec{c}) + |\vec{c}|^2 = a^2 - 2 * |\vec{a}| * |\vec{c}| * \cos(\angle a, c) + c^2$$

$$b^2 = a^2 + c^2 - 2 * ac * \cos(\angle a, c)$$