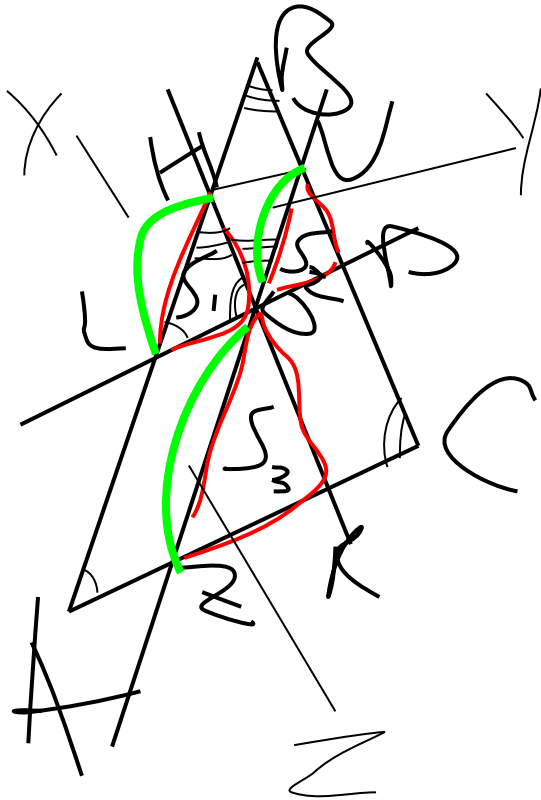


Через некоторую точку O произвольного треугольника проведены 3 прямые, каждая из которых параллельна одной из сторон треугольника. Этими прямыми треугольник разбивается на три треугольника с площадями S_1, S_2, S_3 и три четырёхугольника. Найти площадь исходного треугольника.



$$\begin{aligned} OHL &\sim ODV \sim OZK \sim ABC \\ BHO &= C+A \\ BCO &= C+A \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} AB &= (x+y+z) \\ (z/x)^2 &= S_3/S_1 \\ (z/y)^2 &= S_3/S_2 \\ (x/y)^2 &= S_1/S_2 \\ [z/(x+y+z)]^2 &= S_3/S \\ [x/(x+y+z)]^2 &= S_1/S \\ [y/(x+y+z)]^2 &= S_2/S \\ S_3/S + S_1/S + S_2/S &= [z/(x+y+z)]^2 + [x/(x+y+z)]^2 \\ &\quad + [y/(x+y+z)]^2 = (x^2 + y^2 + z^2)/(x+y+z)^2 \\ (S_1 + S_2 + S_3)/S &= (x^2 + y^2 + z^2)/(x+y+z)^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z/(x+y+z) &= k_1 = \sqrt{S_3/S} \\ x/(x+y+z) &= k_2 = \sqrt{S_1/S} \\ y/(x+y+z) &= k_3 = \sqrt{S_2/S} \\ k_1 + k_2 + k_3 &= x/(x+y+z) + y/(x+y+z) + z/(x+y+z) = \\ &= (x+y+z)/(x+y+z) = 1 \\ k_1 + k_2 + k_3 &= 1 \\ \sqrt{S_3/S} + \sqrt{S_1/S} + \sqrt{S_2/S} &= 1 \\ (\sqrt{S_1} + \sqrt{S_2} + \sqrt{S_3})/\sqrt{S} &= 1 \\ \sqrt{S} &= \sqrt{S_1} + \sqrt{S_2} + \sqrt{S_3} \\ S &= (\sqrt{S_1} + \sqrt{S_2} + \sqrt{S_3})^2 \\ \text{Ответ: } &(\sqrt{S_1} + \sqrt{S_2} + \sqrt{S_3})^2 \end{aligned}$$