



2)(*) Докажите, что произведение суммы 4-х квадратов на сумму 4-х квадратов есть снова сумма 4-х квадратов, т.е. $(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)(x^2 + y^2 + z^2 + p^2) = (?_1)^2 + (?_2)^2 + (?_3)^2 + (?_4)^2$

Подсказка: квадраты конструировать с помощью формул

$$(a + b + c + d)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + 2ab + 2ac + 2ad + 2bc + 2bd + 2cd$$

$$(a + (-b) + c + d)^2 = a^2 + (-b)^2 + c^2 + d^2 + 2a(-b) + 2ac + 2ad + 2(-b)c + 2(-b)d + 2cd = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 - 2ab + 2ac + 2ad - 2bc - 2bd + 2cd$$

$$(a + (-b) + (-c) + d)^2 = a^2 + (-b)^2 + (-c)^2 + d^2 + 2a(-b) + 2a(-c) + 2ad + 2(-b)(-c) + 2(-b)d + 2(-c)d = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 - 2ab - 2ac + 2ad + 2bc - 2bd - 2cd$$

$$(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)(x^2 + y^2 + z^2 + p^2) = a^2x^2 + a^2y^2 + a^2z^2 + a^2p^2 + b^2x^2 + b^2y^2 + b^2z^2 + b^2p^2 + c^2x^2 + c^2y^2 + c^2z^2 + c^2p^2 + d^2x^2 + d^2y^2 + d^2z^2 + d^2p^2 =$$

$$\begin{aligned} &= (ax)^2 + (ay)^2 + (az)^2 + (ap)^2 + (bx)^2 + (by)^2 + (bz)^2 + (bp)^2 + (cx)^2 + (cy)^2 + (cz)^2 + (cp)^2 + (dx)^2 + (dy)^2 + (dz)^2 + (dp)^2 = \\ &= (ax)^2 + (by)^2 + (cz)^2 + (dp)^2 + (ay)^2 + (bx)^2 + (cp)^2 + (dz)^2 + (az)^2 + (bp)^2 + (cx)^2 + (dy)^2 + (ap)^2 + (bz)^2 + (cy)^2 + (dx)^2 = \\ &= (ax)^2 + (by)^2 + (cz)^2 + (dp)^2 + 2axby + 2axcz + 2axdp + 2bycz + 2bydp + 2czdp + \\ &+ (ay)^2 + (bx)^2 + (cp)^2 + (dz)^2 - 2aybx - 2aycp + 2aydz + 2bxcp - 2bxdz - 2cpdz + \\ &+ (az)^2 + (bp)^2 + (cx)^2 + (dy)^2 + 2azbp - 2azcx - 2azdy - 2bpcx - 2bpdy + 2cxdy + \\ &+ (ap)^2 + (bz)^2 + (cy)^2 + (dx)^2 - 2apbz + 2apcy - 2apdx - 2bzcy + 2bzdx - 2cydx = \\ &= (ax + by + cz + dp)^2 + \\ &+ (ay + (-bx) + (-cp) + dz)^2 + \\ &+ (az + bp + (-cx) + (-dy))^2 + \\ &+ (ap + (-bz) + cy + (-dx))^2 \end{aligned}$$

гиперкомплексные
числа

$$\begin{aligned} &(a_1^2 + a_2^2 + a_3^2 + a_4^2 + a_5^2 + a_6^2 + a_7^2 + a_8^2) \cdot (b_1^2 + b_2^2 + b_3^2 + b_4^2 + b_5^2 + b_6^2 + b_7^2 + b_8^2) = \\ &(a_1b_1 - a_2b_2 - a_3b_3 - a_4b_4 - a_5b_5 - a_6b_6 - a_7b_7 - a_8b_8)^2 + \\ &(a_2b_1 + a_1b_2 + a_4b_3 - a_3b_4 + a_6b_5 - a_5b_6 - a_8b_7 + a_7b_8)^2 + \\ &(a_3b_1 - a_4b_2 + a_1b_3 + a_2b_4 + a_7b_5 + a_8b_6 - a_5b_7 - a_6b_8)^2 + \\ &(a_4b_1 + a_3b_2 - a_2b_3 + a_1b_4 + a_8b_5 - a_7b_6 + a_6b_7 - a_5b_8)^2 + \\ &(a_5b_1 - a_6b_2 - a_7b_3 - a_8b_4 + a_1b_5 + a_2b_6 + a_3b_7 + a_4b_8)^2 + \\ &(a_6b_1 + a_5b_2 - a_8b_3 + a_7b_4 - a_2b_5 + a_1b_6 - a_4b_7 + a_3b_8)^2 + \\ &(a_7b_1 + a_8b_2 + a_5b_3 - a_6b_4 - a_3b_5 + a_4b_6 + a_1b_7 - a_2b_8)^2 + \\ &(a_8b_1 - a_7b_2 + a_6b_3 + a_5b_4 - a_4b_5 - a_3b_6 + a_2b_7 + a_1b_8)^2 \end{aligned}$$