

## Некоторые более сложные примеры

Разложить на множители

$$4) (***) x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = \dots$$

$$a^3+b^3 = (a+b)(a^2-ab+b^2)$$

$$a^3-b^3=(a-b)(a^2+ab+b^2)$$

$$\underline{a^3+3a^2b+3ab^2+b^3}=(a+b)^3$$

$$a^3-3a^2b+3ab^2-b^3=(a-b)^3$$

## я с друзьями на алгебре



$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x+y)(x^2-xy+y^2) + z(z^2-3xy)$$

$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = \underline{x^3+3x^2y+3xy^2+y^3+z^3-3xyz-3x^2y-3xy^2}=$$

$$=(x+y)^3 + z^3 - 3xyz - 3x^2y - 3xy^2 = (\mathbf{x+y+z})((x+y)^2 - (x+y)z + z^2) - 3xy(\mathbf{z+x+y})$$

$$=(x+y+z)((x+y)^2 - (x+y)z + z^2) - 3xy = (x+y+z)(x^2 + 2xy + y^2 - xz - yz + z^2 - 3xy) =$$

$$= (x+y+z)(x^2 + y^2 + z^2 - xz - yz - xy)$$

$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz = (x+y+z)(x^2 + y^2 + z^2 - xz - yz - xy)$$

$$(x+y)^3 + z^3 = (x+y+z)((x+y)^2 - (x+y)z + z^2)$$