

(\*) Докажите, что сумма коэффициентов на чётных местах равна сумме коэффициентов на нечётных местах

2 решение

$$(a+b)^4 = 1 \cdot a^4 + 4 \cdot a^3 \cdot b + 6 \cdot a^2 \cdot b^2 + 4 \cdot a \cdot b^3 + 1 \cdot b^4$$

$$(a-b)^4 = 1 \cdot a^4 - 4 \cdot a^3 \cdot b + 6 \cdot a^2 \cdot b^2 - 4 \cdot a \cdot b^3 + 1 \cdot b^4$$

$$(1-1)^4 = 1 \cdot 1^4 - 4 \cdot 1^3 \cdot 1 + 6 \cdot 1^2 \cdot 1^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1^3 + 1 \cdot 1^4$$

$$0 = 1 - 4 + 6 - 4 + 1$$

$$+4 + 4 = 1 + 6 + 1$$



$$\begin{array}{r}
 1 \\
 1+1 \\
 1+2+1 \\
 1+3+3+1 \\
 1+4+6+4+1 \\
 1+5+10+10+5+1 \\
 1+6-15+20-15+6+1 \\
 1+7+21+35+35+21+7+1 \\
 1+8+28+56+70+56+28+8+1 \\
 1+9+36+84+126+126+84+36+9+1 \\
 1+10+45+120+210+252+210+120+45+10+1
 \end{array}$$

$$1+15+15+1 = 6+20+6$$