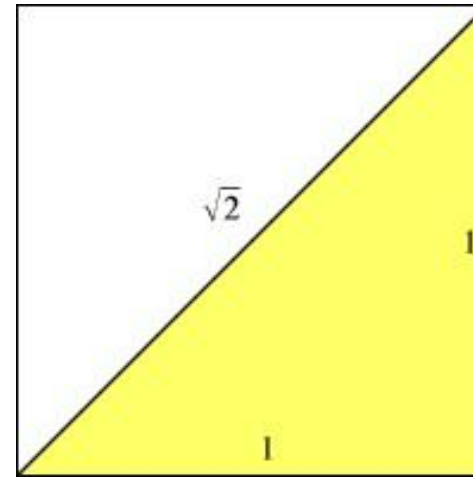


Рождение иррациональных чисел

Рассмотрите квадрат со стороной один. Найдите длину его диагонали.

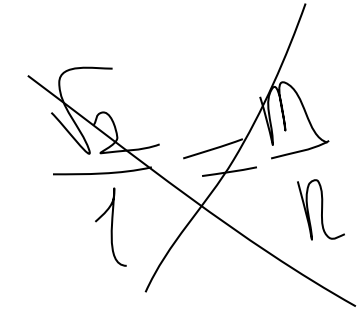
Докажите, что длина диагонали квадрата - число иррациональное (не представимо в виде p/q , где p - целое, q - натуральное)



$$1^2 + 1^2 = x^2$$

$$x^2 = 2$$

$$x = \sqrt{2}$$



от противного
 пусть $\sqrt{2} = p/q$, где p и q - целые,
 причем эта дробь несократима

$$\sqrt{2} = p/q$$

$$2 = p^2/q^2$$

$$\sqrt{2} = 1.41421356237...$$

$$p/q = 3246234/2246234$$

$$2 = p^2/q^2 \quad | \cdot q^2$$

$$2q^2 = p^2$$

что можно сказать про p ?

p четное, потому четный квадрат только у

четного числа

$$p = 2k$$

$$2q^2 = (2k)^2$$

$$2q^2 = 4k^2 \quad | :2$$

$$q^2 = 2k^2$$

что можно сказать про q ?

q - четное

раз оба четные - дробь сократима, а
 должна быть несократима по
 предположение => противоречие

$Q = \frac{p}{q}$ } целые p, q
 несократима

$\sqrt{2}$ } числа, не являющиеся рациональными
 иррац.

периодические рац
 $0,125(0) = 1/8$
 $0.3(3) = 1/3$

непериодические иррац
 $\sqrt{2}, \pi = 3.14, e = 2.71$

$$x = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$$

$$x_1 = 2$$

$$x_2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

$$\dots$$