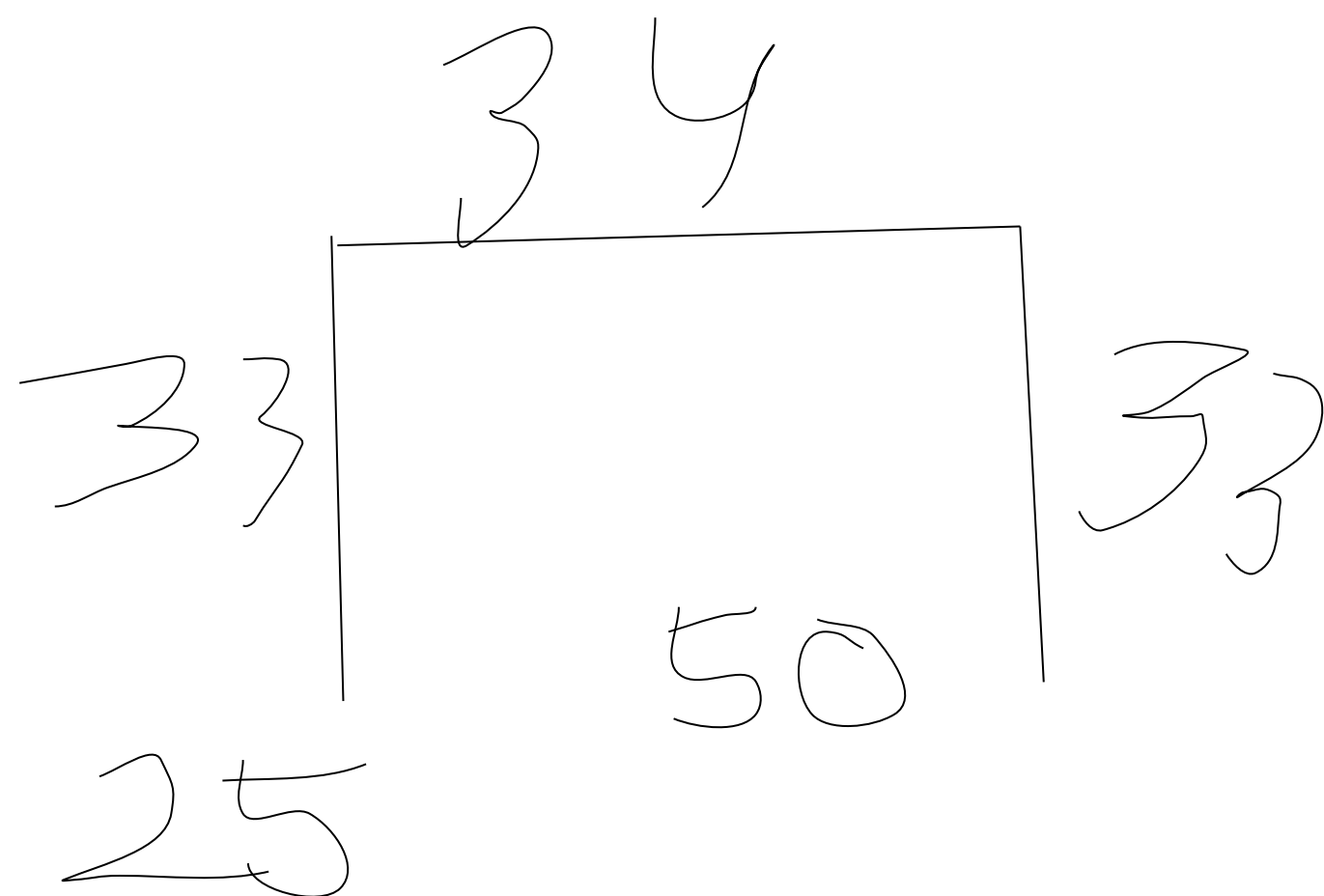


а) Задача про забор: Вы отгораживаете себе на берегу реки участок прямоугольной формы забором. При этом забор идёт только с 3-х сторон участка (со стороны реки забора нет). У Вас есть забор длины 100 метров. Как отгородить участок наибольшей площади?

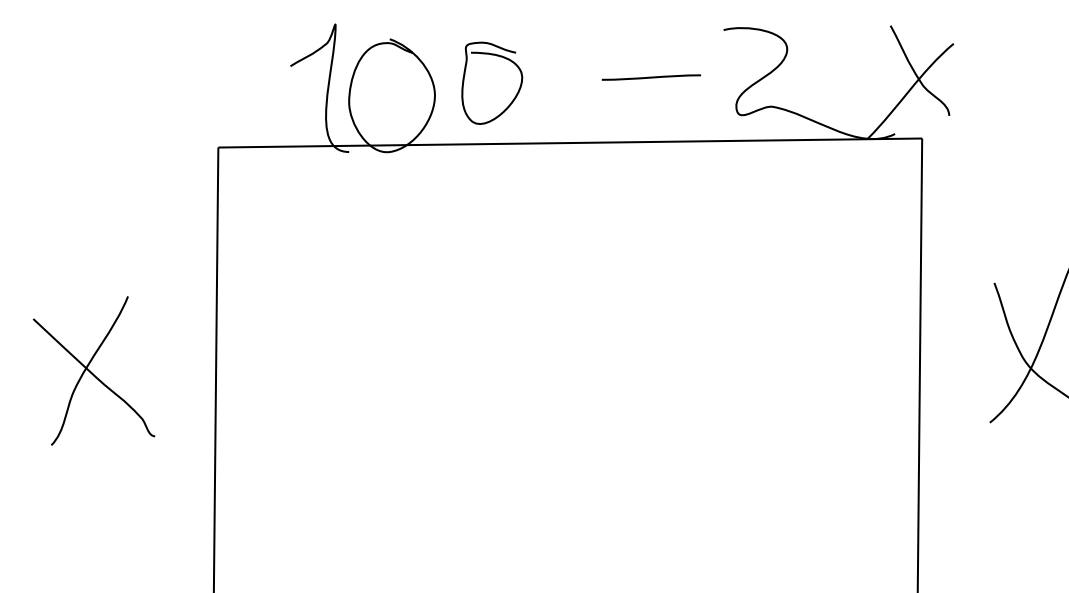
б) Доказать, что при  $x = -b/2a$  достигается экстремум квадратного трёхчлена

в) Число 14 требуется разбить на три части так, чтобы вторая часть была вдвое больше первой и чтобы сумма квадратов всех трёх частей имела наименьшее значение.

г) Разделить данное число 18 на два слагаемых так, чтобы их произведение оказалось наибольшим.



$$990 + 112 > 1122$$



$$S = x \cdot (100 - 2x) = 100x - 2x^2 = -2x^2 + 100x$$

$$f(x) = -2x^2 + 100x \quad x = -100 / (2 \cdot (-2)) = 25$$

$a < 0$  max есть, min не существует

$a > 0$  min есть, max не существует

$f(x) = ax^2 + bx + c$  квадратичная ф-ию

$$x = -b / (2a)$$

$$ax^2 + bx + c = \dots = a(x - x_1)(x - x_2)$$

$$ax^2 + bx + c = a(x^2 + bx/a + c/a) =$$

$$a(x^2 + bx/a + (b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a) =$$

$$a((x + b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a) =$$

$$= a((x + b/2a)^2 - b^2/4a^2 + c/a) =$$

$$= a((x + b/2a)^2 + \text{число}) =$$

$$= a(x + b/2a)^2 + \text{число} =$$

$$= a(\quad)^2 + \text{число}$$

$(\quad)^2 \geq 0$

1 случай  $a < 0$   $a(\quad)^2 \leq 0$

$$x + b/2a = 0 \quad x = -b/2a$$

1 случай  $a > 0$   $a(\quad)^2 \geq 0$

$$x + b/2a = 0 \quad x = -b/2a$$

$$= a((x + b/2a)^2 + (-b^2 + 4ca) / 4a^2) =$$

$$a((x + b/2a)^2 - (b^2 - 4ca) / 4a^2) =$$

$$a((x + b/2a)^2 - \sqrt{(b^2 - 4ca) / 4a^2}) =$$

$$a(x + b/2a - \sqrt{(b^2 - 4ca) / 4a^2})(x + b/2a + \sqrt{(b^2 - 4ca) / 4a^2}) =$$

$$a(x + b/2a - \sqrt{D} / 2a)(x + b/2a + \sqrt{D} / 2a) =$$

$$a(x - [-b/2a + \sqrt{D} / 2a])(x - [-b/2a - \sqrt{D} / 2a]) =$$

$$a(x - [(-b + \sqrt{D}) / 2a])(x - [(-b - \sqrt{D}) / 2a]) = a(x - x_1)(x - x_2)$$

$$ax^2 + bx + c = 0 \text{ ур-ие}$$

$f(x) = ax^2 + bx + c$  квадратичная ф-ию

$$f(x) = x^2 + 2x - 1$$

$$y = x^2 + 2x - 1$$

$$f(3) = 3^2 + 2 \cdot 3 - 1 = 14$$