

а) Задача про забор: Вы отгораживаете себе на берегу реки участок прямоугольной формы забором. При этом забор идёт только с 3-х сторон участка (со стороны реки забора нет). У Вас есть забор длины 100 метров. Как отгородить участок наибольшей площади?

б) Доказать, что при $x = -b/2a$ достигается экстремум квадратного трёхчлена

в) Число 14 требуется разбить на три части так, чтобы вторая часть была вдвое больше первой и чтобы сумма квадратов всех трёх частей имела наименьшее значение.



$$y = ax^2 + bx + c =$$

$$a[x^2 + 2bx/2a + (b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a] =$$

$$a[(x + b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a] =$$

$$a[(x + b/2a)^2 + \text{число}] =$$

$$a \cdot (x + b/2a)^2 + a \cdot \text{число}$$

$$y = ax^2 + bx + c = a \cdot (x + b/2a)^2 + \text{число}$$

$$a > 0$$

$$a \cdot (x + b/2a)^2 \geq 0$$

$$x = -b/2a \quad y \rightarrow \min$$

$$\underline{a < 0}$$

$$\underline{a \cdot (x + b/2a)^2 \leq 0}$$

$$\underline{x = -b/2a \quad y \rightarrow \max}$$

$$y = -2x^2 + 100x$$

$$x = -b/2a = -100/-4 = 25$$

$$y(25) = -2 \cdot 25^2 + 100 \cdot 25 = 1250$$

$$x \quad 2x \quad 14 - 3x$$

$$y = x^2 + 4x^2 + (14 - 3x)^2$$

$$y = 5x^2 + 196 - 84x + 9x^2$$

$$y = 14x^2 - 84x + 196$$

$$x = 3$$

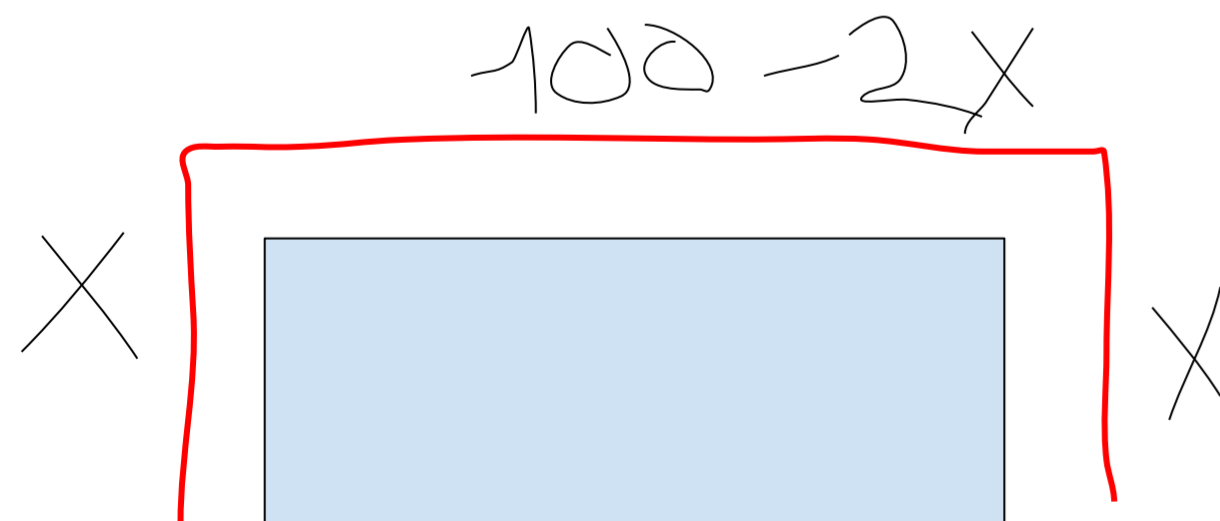
ДЗ

г) Разделить данное число 18 на два слагаемых так, чтобы их произведение оказалось наибольшим.

$$25 \quad 50 \quad 25 = 1250$$

$$10 \quad 80 \quad 10 = 800$$

$$26 \quad 48 \quad 26 = 1248$$



$$S = x \cdot (100 - 2x) = 100x - 2x^2$$

$$= -2x^2 + 100x$$

$$ax^2 + bx + c = 0$$

$$x^2 + 2bx/2a + (b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a = 0$$

$$(x + b/2a)^2 - (b/2a)^2 + c/a = 0$$

$$(x + b/2a)^2 - b^2/4a^2 + 4ac/4a^2 = 0$$

$$(x + b/2a)^2 - (b^2 - 4ac)/4a^2 = 0$$

$$(x + b/2a)^2 - \sqrt{(b^2 - 4ac)^2}/4a^2 = 0$$

$$(x + b/2a - \sqrt{(b^2 - 4ac)}/2a)(x + b/2a + \sqrt{(b^2 - 4ac)}/2a) = 0$$

$$(x + (b - \sqrt{D})/2a)(x + (b + \sqrt{D})/2a) = 0$$

$$x = (-b + \sqrt{D})/2a$$

$$x = (-b - \sqrt{D})/2a$$

$$3 \quad 6 \quad 5 = 70$$