

1) Подсчитайте корень из 1156

2) Подсчитайте корень из двух до 4-ого знака после запятой.

**ДЗ**

3) Решите квадратное уравнение

$$56 * x^2 + 138 * x + 27 = 0.$$

4) (\*) Обосновать алгоритм извлечения квадратного корня в столбик.

$$\begin{array}{r} \sqrt{1156}=34 \\ \underline{9} \\ 64 \ 256 \\ \underline{4 \ 256} \\ 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \sqrt{2}=1,4142 \\ \underline{1} \\ 24 \ 100 \\ \underline{4 \ 96} \\ 281 \ 400 \\ \underline{1 \ 281} \\ 2824 \ 11900 \\ \underline{4 \ 11296} \\ 28282 \ 60400 \\ \underline{2 \ 56664} \end{array}$$

$$\begin{cases} x_0 = a \\ x_{n+1} = \frac{1}{2} \left( x_n + \frac{a}{x_n} \right) \end{cases}$$

$$y = \frac{1}{2}(y + a/y)$$

$$2y = y + a/y$$

$$2y - y = a/y$$

$$y = a/y$$

$$y^2 = a$$

$$y = \sqrt{a}$$

$$\begin{array}{r} \sqrt{17} = 4,123... \\ \underline{16} \\ 81 \ 100 \\ \times \ 1 \ 81 \\ \hline 822 \ 1900 \\ \times \ 2 \ 1644 \\ \hline 8243 \ 25600 \\ \times \ 3 \ 24729 \\ \hline \phantom{8243} \ 871... \end{array}$$

$$D = b^2 - 4ac$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}$$

$$D/4 = (b^2 - 4ac)/4 = b^2/4 - ac = b^2/2^2 - ac = (b/2)^2 - ac = D^*$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a} = \frac{-b - \sqrt{D}}{2/(2a)/2} = \frac{-b/2 - \sqrt{D}/2}{a} = \frac{-b/2 - \sqrt{D/4}}{a} = \frac{-b/2 - \sqrt{D^*}}{a}$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a} = \frac{-b + \sqrt{D}}{2/(2a)/2} = \frac{-b/2 + \sqrt{D}/2}{a} = \frac{-b/2 + \sqrt{D/4}}{a} = \frac{-b/2 + \sqrt{D^*}}{a}$$

$$56 * x^2 + 138 * x + 27 = 0$$

$$D^* = (138/2)^2 - 56 * 27 = 69^2 - 56 * 27 = 3^2 * 23^2 - 56 * 3^2 * 3 = 3^2 * (23^2 - 56 * 3) = 3^2 * (529 - 168) = 3^2 * 361;$$

$$\sqrt{D^*} = 3 * \sqrt{361} = 3 * 19$$

$$\sqrt{361} = 19$$

$$\begin{array}{r} \sqrt{361} = 19 \\ \underline{1} \\ 2 \ 9 \ 2 \ 61 \\ \underline{9 \ 261} \\ 0 \end{array}$$

$$x_1 = \frac{-138/2 - 3 * 19}{56} = \frac{-69 - 57}{56} = \frac{-126}{56} = \frac{-63}{28} = \frac{-9}{4}$$

$$x_2 = \frac{-138/2 + 3 * 19}{56} = \frac{-69 + 57}{56} = \frac{-12}{56} = \frac{-6}{28} = \frac{-3}{14}$$