

$$\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2} + \dots = \frac{\pi^2}{6}$$

Мы применили теорему Безу к бесконечному многочлену

разложение функций в ряд Тейлора

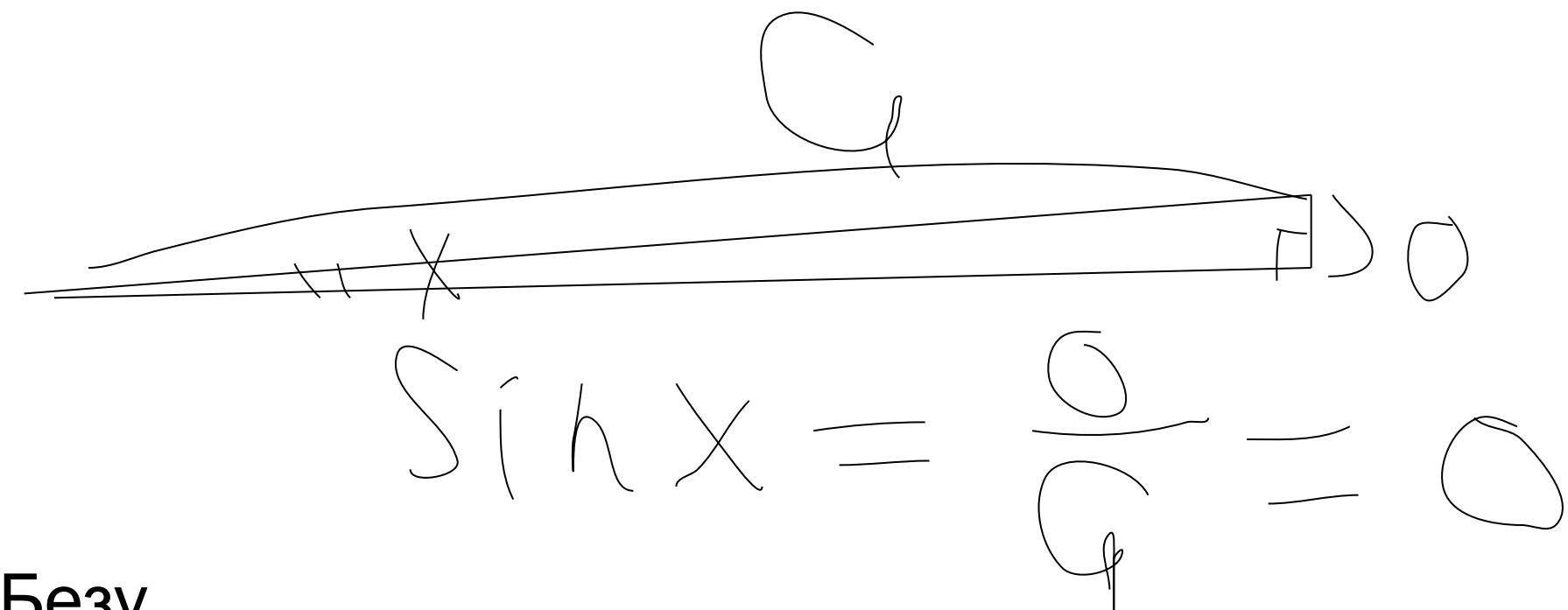
Леонард Эйлер

$e=2.71\dots$

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \dots$$

если угадаем его корни, значит он делится на x -корень нацело

$$x = P \cdot n, \quad n = 0; \pm 1; \pm 2 \dots$$



по Т Безу

$$\begin{aligned} \sin x &= (x-0)(x-P)(x+P)(x-2P)(x+2P)(x-3P)(x+3P)\dots = \\ &= x(x^2-P^2)(x^2-2^2P^2)(x^2-3^2P^2)\dots = \\ &= x(x^2/P^2-1)(x^2/2^2P^2-1)(x^2/3^2P^2-1)\dots = \\ &= x(1-x^2/P^2)(1-x^2/2^2P^2)(1-x^2/3^2P^2)\dots = \\ &= -x^3/P^2 - x^3/(2^2P^2) - x^3/(3^2P^2) + \dots \end{aligned}$$

$$-x^3/3! = -x^3/P^2 - x^3/(2^2P^2) - x^3/(3^2P^2) - \dots$$

$$1/3! = 1/P^2 + 1/(2^2P^2) + 1/(3^2P^2) + 1/(4^2P^2) + \dots$$

$$P^2/6 = 1/1 + 1/(2^2) + 1/(3^2) + 1/(4^2) + \dots$$

Синус: $\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \dots =$

Косинус: $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \frac{x^8}{8!} - \dots =$

Тангенс: $\operatorname{tg} x = x + \frac{1}{3}x^3 + \frac{2}{15}x^5 + \frac{17}{315}x^7 + \dots =$

Котангенс: $\operatorname{ctg} x = x^{-1} - \frac{1}{3}x - \frac{1}{45}x^3 - \frac{2}{945}x^5 +$

$$e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$\ln(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \dots$$