

## Рациональные корни многочлена

### Формулировка

В многочлене вида  $A_n x^n + A_{n-1} x^{n-1} + \dots + A_1 x^1 + A_0 = 0$ ,  $A_n \neq 0$

Рациональные корни следует искать только среди чисел вида  $\pm \frac{B_0}{B_n}$ , где  $B_0$  - делитель  $A_0$  и  $B_n$  - делитель  $A_n$

### Доказательство

#### Лемма 1

Если приведенное уравнение  $x^n + k_{n-1} x^{n-1} + \dots + k_1 x^1 + k_0 = 0$  имеет целый корень, то он обязательно будет делителем свободного члена  $k_0$

#### Лемма 2

Приведенное уравнение  $x^n + k_{n-1} x^{n-1} + \dots + k_1 x^1 + k_0 = 0$  не может иметь ни одного дробного корня.

### Задача 1

Найти рациональные корни многочленов

1)  $2x^3 - 7x^2 + 5x - 1 = 0$

2)  $x^3 - 3x - 2 = 0$

### Задача 2

Решить уравнения УГОЛКОМ

1)  $x^4 - 27x^2 - 14x + 120 = 0$

2)  $x^4 - 5x^3 + 10x^2 - 10x + 4 = 0$

3)  $x^4 - 4x^2 + 6x - 4 = 0$

$$15x^3 + 5x^2 - 7x + 4 = 0$$

$$15: 1; 3; 5; 15$$

$$4: 1; 2; 4$$

$\pm$ -делители 4/ делители 15

$$\pm 1/1 \quad \pm 2/1 \quad \pm 4/1$$

$$\pm 1/3 \quad \pm 2/3 \quad \pm 4/3$$

$$\pm 1/5 \quad \pm 2/5 \quad \pm 4/5$$

$$\pm 1/15 \quad \pm 2/15 \quad \pm 4/15$$



$$15x^3 + 5x^2 - 7x + 4 \mid x - 1/5$$

частное

ост 0

$$15x^3 + 5x^2 - 7x + 4 =$$

$$= (x - 1/5) \cdot (\text{частное}) = 0$$

ур-ие частное=0

$$-6x^2 + 5x - (-6x^2 + 3x)$$

$$2x^3 - 7x^2 + 5x - 1 = 0$$

$$2: 2, 1$$

$$1: 1$$

$$\pm 1/2$$

$$\pm 1/1$$

$$1:$$

$$2 - 7 + 5 - 1 \neq 0$$

$$-1:$$

$$-2 - 7 + 5 - 1 \neq 0$$

$$1/2:$$

$$1/4 - 7 \cdot 1/4 + 5 \cdot 1/2 = 0$$

$$1/4 - 7/4 + 10/4 - 4/4 = 0$$

$$2x^3 - 7x^2 + 5x - 1 \mid x - 1/2$$

$$2x^3 - x^2 \qquad 2x^2 - 6x + 2$$

$$-6x^2 + 5x$$

$$-6x^2 + 3x$$

$$2x - 1$$

$$2x - 1$$

$$0$$

$$2x^2 - 6x + 2 = 0$$

$$x^2 - 3x + 1 = 0$$

$$D = 9 - 4 = 5$$

$$x_1 = (3 + \sqrt{5}) / 2$$

$$x_2 = (3 - \sqrt{5}) / 2$$

$$\text{ответ} = 1/2, (3 + \sqrt{5}) / 2, (3 - \sqrt{5}) / 2$$