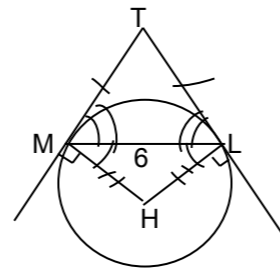
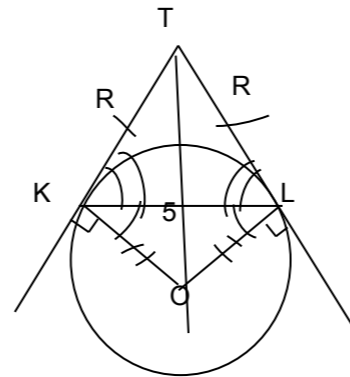
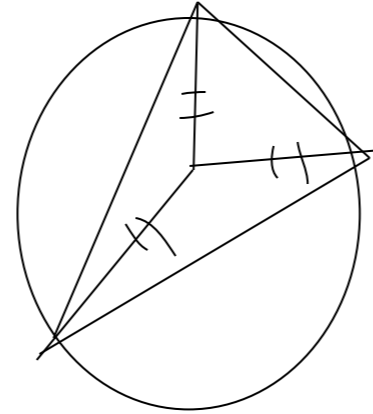
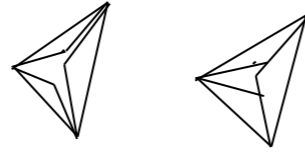
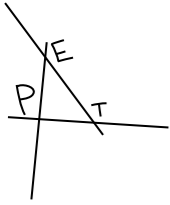


Три окружности попарно касаются друг друга внешним образом в точках K,L,M. KL=5, LM=6, MK=8.  
Найти радиус наименьшей окружности.



попытаемся доказать, что то Т является точкой пересечения всех касательных  
Т-точка пересечения касательных LT и MT → LT=ML  
KE=ME  
LP=KP

что означает равенство  
TL=TM=TK  
для точки Т в тр-ке KLM ⇒ точка Т - центр описанной окр-ти тр-ка KLM

$$S(KLM) = \sqrt{19/2(19/2-5)(19/2-6)(19/2-8)}$$

$$\sqrt{19/2 \cdot 9/2 \cdot 7/2 \cdot 3/2} = 3/4 \sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3}$$

$$S(KLM) = KL \cdot LM \cdot MK / 4R$$

$$3/4 \sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} = 5 \cdot 6 \cdot 8 / 4R$$

$$3/4 \sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} = 60/R$$

$$4/(3 \sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3}) = R/60$$

$$R = 80/\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3}$$

$$\cos K = 5\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 160 = \sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32$$

$$LKO = P/2 - \arccos(\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32)$$

$$\cos LKO = 5/(2r)$$

$$\cos(P/2 - \arccos(\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32)) = 5/(2r)$$

$$\cos P/2 \cdot \cos(\arccos(\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32)) + \sin P/2 \cdot \sin(\arccos(\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32)) = 5/(2r)$$

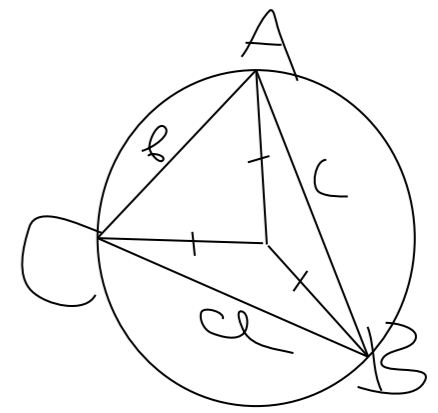
$$\sin(\arccos(\sqrt{19 \cdot 7 \cdot 3} / 32)) = 5/(2r)$$

$$\sqrt{1 - 19 \cdot 7 \cdot 3 / 32^2} = 5/(2r)$$

$$\sqrt{(1024 - 399) / 32^2} = \sqrt{625} / 32^2 = 25/32 = 5/2r$$

$$r = 32 \cdot 5 / 25 \cdot 2 = 16/5$$

Ответ: 16/5



$$1) S = ab \cdot \sin C / 2$$

$$2) c / \sin C = 2R$$

$$\sin C = c / 2R$$

$$S = abc / 4R$$

$$S = abc / 4R$$

$$\sin(\arccos x) = ?$$

$$\arccos x = y \in [0; \pi]$$

$$x = \cos y$$

$$\sin y = \pm \sqrt{1 - \cos^2 y} = \pm \sqrt{1 - x^2}$$

$$\sin(\arccos x) = \sqrt{1 - x^2} \text{ т.к. } y \in [0; \pi]$$