

$$\forall \epsilon > 0 \exists N(\epsilon) > 0 : \forall n > N \Rightarrow |x_n - a| < \epsilon \cdot \text{const}$$

рассмотрим эти определения, выполненные одновременно, ϵ в обоих определениях одна и та же

1)

$$\forall \epsilon > 0 \exists N_1(\epsilon) > 0 : \forall n > N_1 \Rightarrow |a_n - a| < \epsilon$$

$$\lim(a_n) = a$$

Дано

2)

$$\forall \epsilon > 0 \exists N_2(\epsilon) > 0 : \forall n > N_2 \Rightarrow |b_n - b| < \epsilon$$

$$\lim(b_n) = b$$

$$\forall \epsilon > 0 \exists N(\epsilon) > 0 : \forall n > N \Rightarrow |a_n + b_n - a - b| < \epsilon$$

$$\lim(a_n + b_n) = a + b$$

Задача 5. Докажите эквивалентность двух приведенных формулировок.

Задача 6. Докажите, что $\lim \frac{1}{n} = 0$.

Задача 7. Докажите, что $\lim (a_n + b_n) = \lim a_n + \lim b_n$.

Задача 8. Что значит, что число a не есть предел последовательности a_n ? Сформулируйте не употребляя отрицаний.