

Докажите, что если последовательность имеет предел, то она ограничена. (Последовательность называется ограниченной, если существует такое число C , что для любого натурального n $|a_n| < C$)

$\forall \epsilon > 0, \exists N \in \mathbb{N}: n > N: |a_n - a| < \epsilon$

Берём конкретную ϵ окрестность, для неё найдётся N , **до этого номера конечное ко-во** элементов будет вне окрестности \Rightarrow вне окрестности найдётся наибольший и наименьший элементы, которые будут верхней и нижней границами. Это значит что в качестве $C = \max(|a_1|, \dots, |a_{N-1}|, |a - \epsilon|, |a + \epsilon|)$

