

Докажите, что если последовательность имеет предел, то она ограничена. (Последовательность называется ограниченной, если существует такое число  $C$ , что для любого натурального  $n$   $|a_n| < C$ )

$\forall \epsilon > 0, \exists N: n > N: |a_n - a| < \epsilon$

Берём конкретную  $\epsilon$  окрестность, для неё найдётся  $N$ , **до этого номера конечное ко-во** элементов будет вне окрестности  $\Rightarrow$  вне окрестности найдётся наибольший и наименьший элементы, которые будут верхней и нижней границами. Это значит что в качестве  $C = \max(|a_1|, \dots, |a_{N-1}|, |a - \epsilon|, |a + \epsilon|)$

