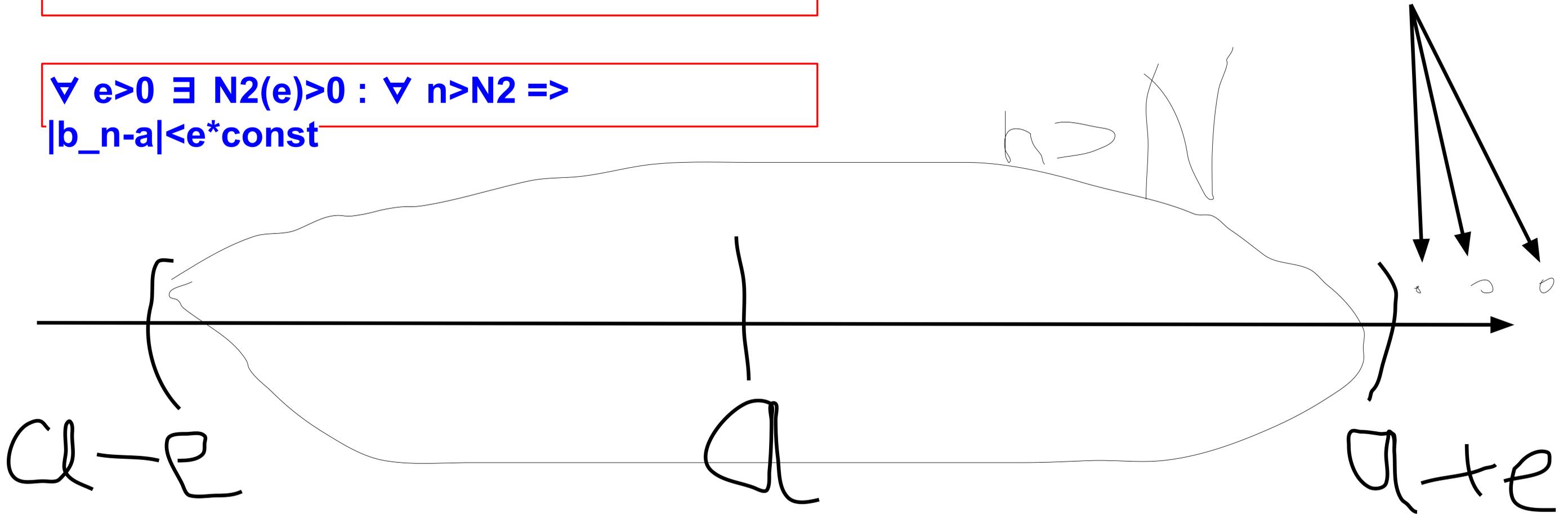


Задача 5. Пусть $\pi = f(n)$ - взаимно однозначное преобразование множества натуральных чисел в себя. Дано: $\lim a_n = a$. Последовательность $\{b_n\}$ получена из $\{a_n\}$ перенумерацией, то есть $b_n = a_{f(n)}$. Докажите, что предельное поведение этих последовательностей одинаково, то есть если одна из них имеет предел, то и другая имеет предел, причем тот же самый.

за пределами ϵ -окрестности конечное число членов последовательности. Среди этих конечных есть наибольший номер, он подойдет на роль N

$$\forall \epsilon > 0 \exists N(\epsilon) > 0 : \forall n > N \Rightarrow |a_n - a| < \epsilon \cdot \text{const}$$

$$\forall \epsilon > 0 \exists N_2(\epsilon) > 0 : \forall n > N_2 \Rightarrow |b_n - a| < \epsilon \cdot \text{const}$$



во второй послед-ти за пределами ϵ -окрестности тоже конечное число эл-тов и среди них тоже есть максимальный номер \Rightarrow взяв это номер мы всегда N_2