

Как правильно раскладывать на множители (докуда проверять)

Разница факторизации и теста на простоту

В 2002 году было доказано, что задача проверки на простоту в общем виде полиномиально разрешима, но предложенный детерминированный тест Агравала — Каяла — Саксены имеет довольно большую вычислительную сложность, что затрудняет его практическое применение.

$P=?=NP$

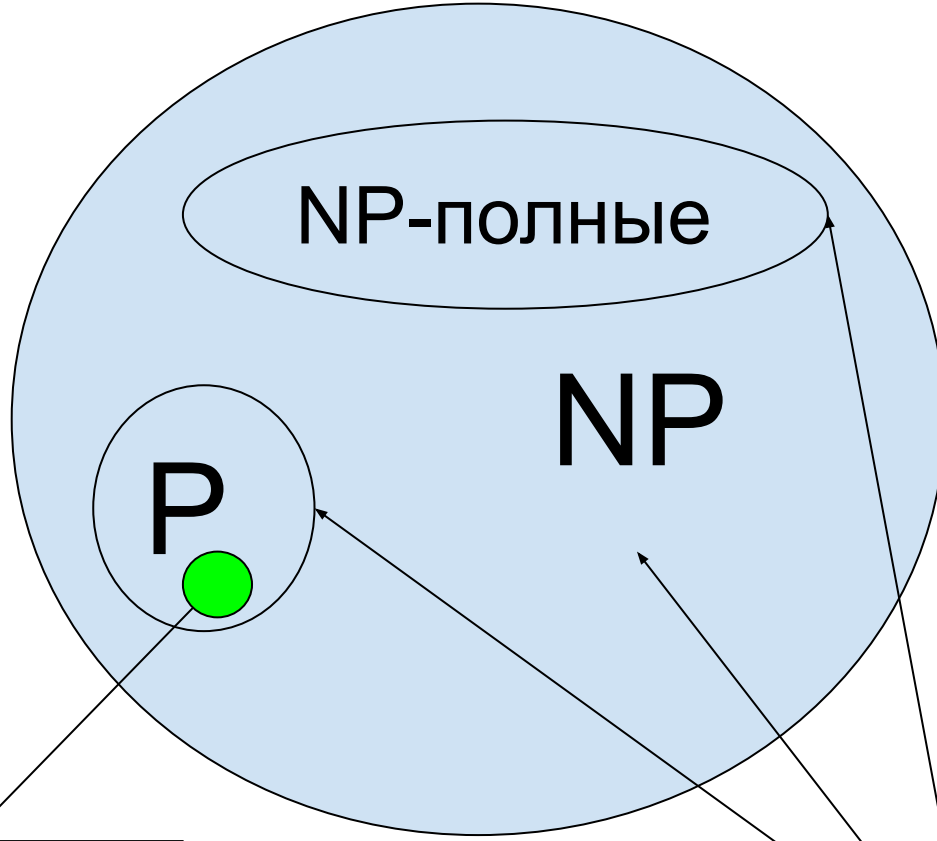
NP - полные (ряд задач, которые трудноразрешимы, но решение одной решает остальные)

Леня Левин 1970-ые СССР

Есть ли в графе клика (полный подграф с числом вершин не менее k)

есть ли в графе гамильтонов цикл

$P=?=NP$ 40 лет



Тест на простоту

Факторизация ?

$y1=n^5+3n+1$ (полином)
 $y2=2^n$ (не полином)
 $y1(1)=5$
 $y2(1)=2$
 $y1(2)=39$
 $y2(2)=4$
 $y1(1000)=1000^5=10^{15}$
 $y2(1000)=2^{1000}=(2^{10})^{100}=(1024)^{100}=(1000)^{100}=10^{300}$

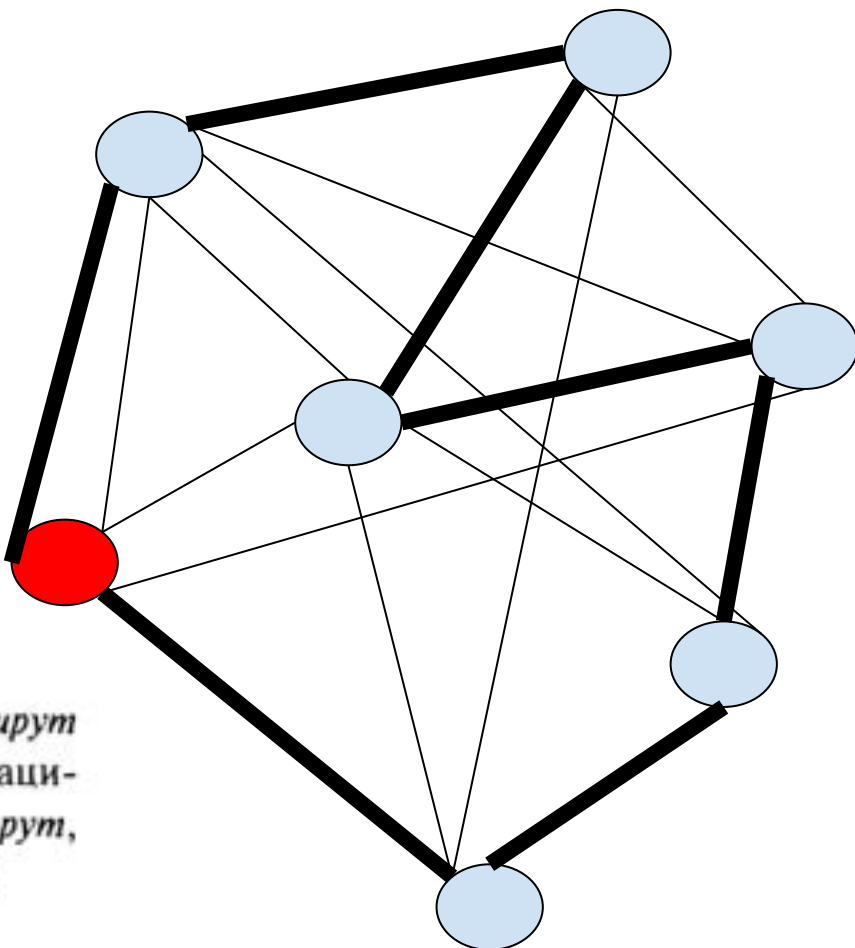
тест на простоту составного числа



факторизация (разложение на множители) составного числа

761
 на 2, 3, 5, 7, 11, ...
 имеет ли смысл пытаться поделить 761 на 759
 не имеет смысла проверять больше половины
 есть понятие квадратный корень из числа
имеет смысл проверять до корня
 $\sqrt{25}=5 < \sqrt{30} < \sqrt{36}=6$
 чему примерно равен корень $761=27...$
 пусть мы проверили все простые числа до 27 и 761 ни на одно из них не поделилось, мы начали дальше проверять, и - о чудо, например 761 поделилось на 41
 $761/41=x (17)$
 $761=41*17$
 $761 = 27*27 = 41* 17$
 52347853827 22347853827 538271

2 100-значных простых числа, ты их перемножишь получишь 200-значное составное ты за пару часов, калькулятор за долю секунды
 чтобы по 200 -значному составному узнать простые множители методом перебора понадобится 10^{83} лет



1) Даны n городов и расстояния r_{ij} между ними. Требуется найти циклический маршрут минимальной длины, заходящий во все города по одному разу. Это классический оптимизационный вариант задачи коммивояжера. Вариант «распознавания»: существует ли маршрут, проходящий через все города, длина которого, $r_{i_1i_2} + r_{i_2i_3} + \dots + r_{i_ni_1}$, не превосходит r?