

обозначения для задачи

$\text{im}(z)$, $\text{re}(z)$, $\text{arg}(z)$, $|z|$

А)

$$\text{re}(z) < 0$$

Б)

$$z = |z|(\cos \alpha + i \sin \alpha) = |z|(|\cos \alpha| + i |\sin \alpha|)$$

при любом α и z

$$\text{im}(z) > 0 \ \&\& \ \text{re}(z) > 0$$

$$0 < \text{arg}(z) < \pi/2$$

В)

$$||z \cos \alpha| < 2$$

$$|\text{re}(z)| < 2$$

Г)

$$|z| |\cos \alpha + i(\sqrt{1 - \sin^2 \alpha})| < 1$$

$$|z| < 1 \ \text{и} \ \text{im}(z) \leq 0$$

7.9. Изобразите на комплексной плоскости множество точек z , удовлетворяющих условию $|z - 1 - i| = 2|z + 1 - i|$.

$$|z - 1 - i| = 2|z + 1 - i|$$

$$|(a-1) + i(b-1)| = 2|(a+1) + i(b-1)|$$

$$((a-1)^2 + (b-1)^2) = 2((a+1)^2 + (b-1)^2)$$

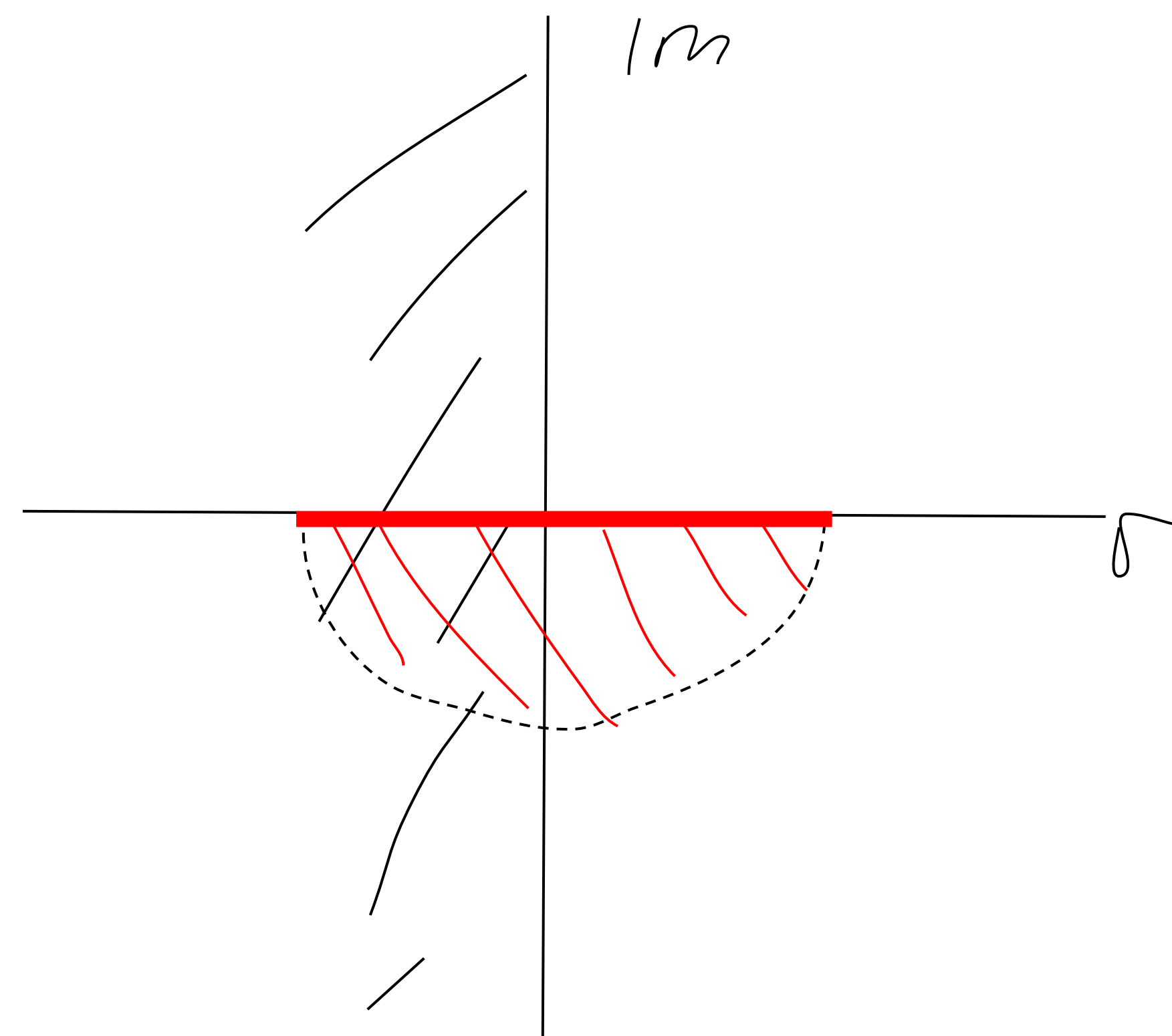
$$a^2 + 1 - 2a + b^2 + 1 - 2b = 2a^2 + 2 + 4a + 2b^2 + 2 - 4b$$

$$a^2 - 2a + b^2 - 2b + 2 = 2a^2 + 2b^2 + 4a - 4b + 4$$

$$a^2 + b^2 + 6a - 2b + 2 = 0$$

$$(a^2 + 2 \cdot 3a + 3^2) + (b^2 - 2b + 1) = 8$$

$$(a+3)^2 + (b-1)^2 = (2\sqrt{2})^2$$



7.8. Запишите с помощью неравенств следующие множества точек на комплексной плоскости:

а) полуплоскость, расположенная строго левее мнимой оси;

б) первый квадрант, не включая координатных осей;

в) множество точек, отстоящих от мнимой оси на расстоянии, меньшем двух;

г) полукруг радиуса 1 (без полуокружности) с центром в точке O , расположенный не выше действительной оси.

