

$$x^4+x^3+x^2+x+1=0$$

пусть $x=b$ - корень, тогда

$$b^4+b^3+b^2+b+1=0$$

7.33

почему ?

$$b^{44}+b^{33}+b^{22}+b^{11}+1=0$$

$$(b^{11})^4+(b^{11})^3+(b^{11})^2+(b^{11})+1=0$$

док-ть

если b - корень ур-ия $x^4+x^3+x^2+x+1=0$, то

b^{11} - тоже корень этого ур-ия $x^4+x^3+x^2+x+1=0$

если докажем, то b будет корнем

$$x^{44}+x^{33}+x^{22}+x^{11}+1=0$$

решение

$x^4+x^3+x^2+x+1=0$ задает 4 точки в вершинах правильного 5-и угольника, пропуская вершину $x=1$

корни при возведении в степень просто крутятся на угол и остаются в вершинах правильного 5-и угольника. Если мы покажем, что при повороте в 11 раз они не попадут в $x=1$, значит они останутся в 11-ой степени корнями ур-ия $x^4+x^3+x^2+x+1=0$

$$72 \cdot 11 = 792 \neq 2P_n$$

$$144 \cdot 11 = 1584 \neq 2P_n$$

$$216 \cdot 11 = 2376 \neq 2P_n$$

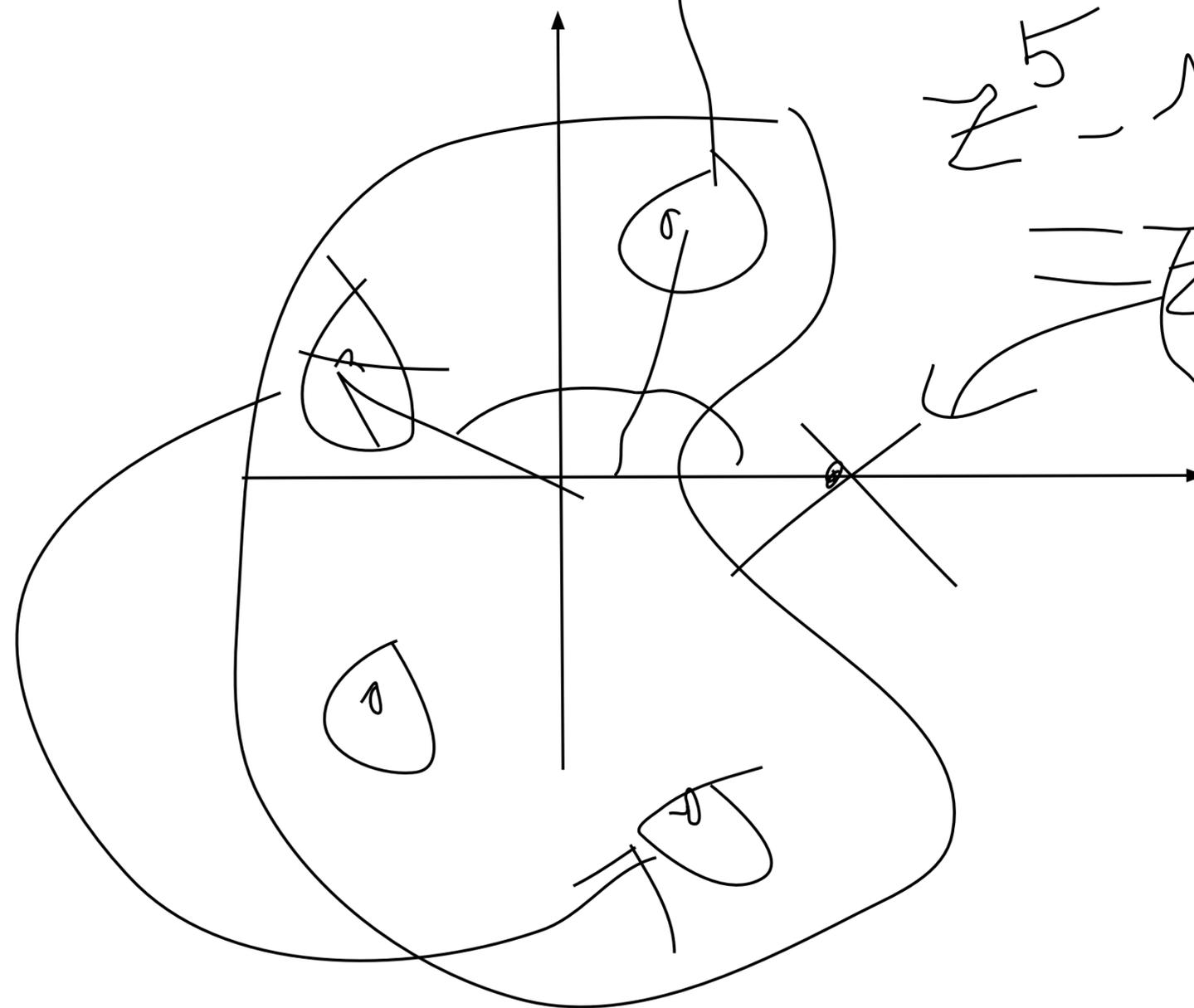
$$288 \cdot 11 = \neq 2P_n$$

тк $2P_n$ делится на 10, а произведения $n \cdot 72 \cdot 11$, $n = 1, 2, 3, 4$ не делятся, то они не попадут в эту точку

$$\frac{360}{5} = 72$$

$$72 \cdot 11 \neq 2\pi n$$

7.37, 35, 38



$$z^5 - 1 = (z - 1) \dots$$