

*	e	a	b	c
e	e	a	b	c
a	a	e	c	b
b	b	c	e	a
c	c	b	a	e

Таблица 5

	e	a	b	c
e	e	a	b	c
a	a	e	c	b
b	b	c	a	e
c	c	b	e	a

	e	a	b	c
e	e	a	b	c
a	a	c	e	b
b	b	e	c	a
c	c	b	a	e

$a^*a=a$   
 $a=e$ -против  
 $a^*a=b$   
 $a=$   
 $a^*b=a$   
 $b=e$ -против  
 $a^*b=b$   
 $a=e$ -против  
 $a^*b=e$   
 $a^*c=a$ -против  
 $a^*c=c$ -против  
 $a^*c=b$   
 $b^*c=b$ -против  
 $b^*c=c$ -против  
 $b^*c=a$

$a^*c=b$

**Определение.** Группой называется множество  $G$  элементов произвольной природы, на котором задана бинарная операция  $a \cdot b$  такая, что выполняются следующие условия:

- 1) ассоциативность:  $(ab)c = a(bc)$  для любых элементов  $a, b, c$  из  $G$ ;
- 2) в  $G$  существует такой элемент  $e$ , что  $ea = ae = a$  для любого элемента  $a$  из  $G$ , такой элемент  $e$  называется *единицей* группы  $G$ ;
- 3) для любого элемента  $a$  из  $G$  существует такой элемент  $a^{-1}$  в  $G$ , что  $aa^{-1} = a^{-1}a = e$ , такой элемент называется *обратным к элементу  $a$* .

- 1)  $a^*b=a$  |  $b^*a=e$   
 $(ba)b = ba$   
 $b=e$  против
- 2)  $a^*b=b$  |  $b^*a=a$   
 $a(ba)=ba$   
 $a=e$  против
- 3)  $a^*b=e$   
 $b=a^{-1}$

- 1)  $a^*a=e$   
 $a=a^{-1}=b$  против
- 2)  $a^*a=a$   
 $a=e$  против
- 3)  $a^*a=b$

$a^*b=e$  |  $ba=e$   
 $a^*c=b$  |  $ca=b$   
 $c^*b=a$  |  $bc=a$   
 $b=a^{-1}$   
 $a=b^{-1}$   
 $c=c^{-1}$

$ab=e$  |  $abc=ec$   
 $cab=ce=c$  |  $aa=c$   
 $bb=c$

$aa=bb$   
 $aac=bbc$   
 $ab=ba$