

Числа Фибоначчи

1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,...

рекуррентная ф-ла
 $F(n)=F(n-1)+F(n-2)$
 $F(n)$ - n-ое число
 Фибоначчи

я хочу найти общую формулу для чисел фибоначчи
 $F(n)=\dots$

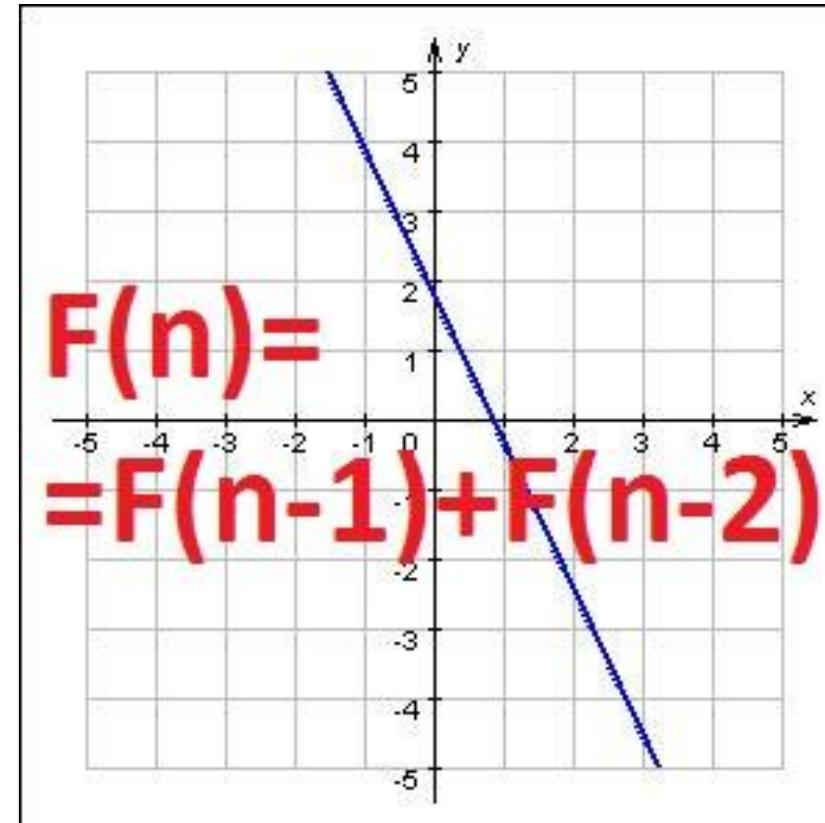
$F(n)=F(n-1)+F(n-2)$
 $F(k)=F(k-1)+F(k-2)$
 $F(n)+F(k)=F(k)+F(n)$

$a^*F(n)+b^*F(n)=(a+b)^*F(n)$

$w_1=a^n$
 $w_2=b^n$
 $w_3=c^n$
 $w_1+w_2=w_2+w_1$
 $k^*a^n+p^*b^n=(k+p)a^n$
 $5^*(a^n+b^n)=5^*a^n + 5^*b^n$

Векторное пространство

1. $\mathbf{x} + \mathbf{y} = \mathbf{y} + \mathbf{x}$, для любых $\mathbf{x}, \mathbf{y} \in V$ (коммутативность сложения);
2. $\mathbf{x} + (\mathbf{y} + \mathbf{z}) = (\mathbf{x} + \mathbf{y}) + \mathbf{z}$, для любых $\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z} \in V$ (ассоциативность сложения);
3. существует такой элемент $\theta \in V$, что $\mathbf{x} + \theta = \mathbf{x}$ для любого $\mathbf{x} \in V$ (существование нейтрального элемента относительно сложения), в частности V не пусто;
4. для любого $\mathbf{x} \in V$ существует такой элемент $-\mathbf{x} \in V$, что $\mathbf{x} + (-\mathbf{x}) = \theta$ (существование противоположного элемента относительно сложения).
5. $\alpha(\beta\mathbf{x}) = (\alpha\beta)\mathbf{x}$ (ассоциативность умножения на скаляр);
6. $1 \cdot \mathbf{x} = \mathbf{x}$ (унитарность: умножение на нейтральный (по умножению) элемент поля F сохраняет вектор).
7. $(\alpha + \beta)\mathbf{x} = \alpha\mathbf{x} + \beta\mathbf{x}$ (дистрибутивность умножения на вектор относительно сложения скаляров);
8. $\alpha(\mathbf{x} + \mathbf{y}) = \alpha\mathbf{x} + \alpha\mathbf{y}$ (дистрибутивность умножения на скаляр относительно сложения векторов).



$$F(n)=x^n$$

$$F(n)=F(n-1)+F(n-2)$$

$$x^n=x^{(n-1)}+x^{(n-2)} \quad | : x^{(n-2)}$$

$$x^n/x^{(n-2)} = x^{(n-1)}/x^{(n-2)} + x^{(n-2)}/x^{(n-2)}$$

$$x^2=x^1 + 1$$

$$x^2-x-1=0$$

$$d=1+4=5$$

$$x_1=(1+\sqrt{5})/2$$

$$x_2=(1-\sqrt{5})/2$$

$$F(n)=a^*x_1^n + b^*x_2^n$$

$$F(n)=a^*[(1+\sqrt{5})/2]^n + b^*[(1-\sqrt{5})/2]^n$$

$$F(1)=1$$

$$F(2)=1$$

$$F(1)=a^*[(1+\sqrt{5})/2]^1 + b^*[(1-\sqrt{5})/2]^1=1$$

$$F(2)=a^*[(1+\sqrt{5})/2]^2 + b^*[(1-\sqrt{5})/2]^2=1$$

$$a=1/\sqrt{5}$$

$$b=-1/\sqrt{5}$$

$$F(n)=1/\sqrt{5}[(1+\sqrt{5})/2]^n + -1/\sqrt{5}[(1-\sqrt{5})/2]^n$$

$$F(n)=([(1+\sqrt{5})/2]^n - [(1-\sqrt{5})/2]^n)/\sqrt{5}$$

$$ax^2+bx+c=0$$

$$D=b^2-4ac$$

$$x_{1,2}=(-b \pm \sqrt{D})/(2a)$$

