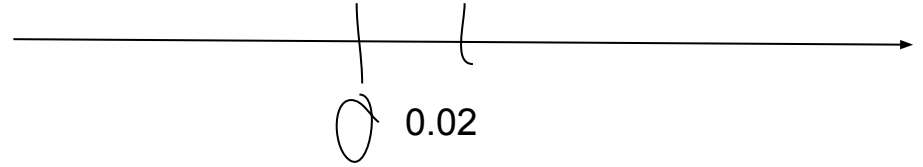


Найдите \sup и \inf последовательности: $a_n = \frac{n}{2^n}$

$$1/2^1 ; 2/2^2 ; 3/2^3 ; 4/2^4 ; 5/2^5$$



$$\frac{1}{2} ; \frac{1}{2} ; \frac{3}{8} ; \frac{1}{4} ; \frac{5}{32} ; \frac{6}{64}$$

$$a_{n+1}/a_n < 1$$

$$\frac{(n+1)/2^{n+1}}{n/2^n} < 1$$

$$\frac{(n+1)/2 \cdot 2^n}{n/2^n} < 1$$

$$\frac{(n+1)}{2n} < 1$$

$$\frac{(n+1)}{n} < 2$$

$$n+1 < 2n$$

$$1 < n$$

$$2^n = (1+1)^n = 1^n + n \cdot 1 + \frac{n(n-1)}{2} \dots > 1 + n + \frac{n(n-1)}{2}$$

$$\frac{1}{2^n} < \frac{1}{(n+1 + \frac{n(n-1)}{2})}$$

$$\frac{n}{2^n} < \frac{n}{(n+1 + \frac{n(n-1)}{2})} = \frac{1}{(1 + \frac{1}{n} + \frac{n-1}{2} \dots)} \sim \frac{1}{(1+n)} \rightarrow 0$$