

$i^1=i$
 $i^2=-1$
 $i^3=-i$
 $i^4=1$
 $i^5=i$

$\sqrt{-1}=i$ мнимая единица
 это не число, это вообще не
 понятно что такое
 $i^2=-1$

$2i$ - мнимое число
 $5+2i$ - комплексное число

1) $5+2i + 1-3i = 6-i$
 2) $(5+2i)(1-3i) = 5-15i+2i+6 = 11-13i$
 3) $(5+2i)/(1+3i) = a+bi$
 $(5+2i)(1-3i)/(1+3i)(1-3i) = (11-13i)/10 = 11/10 - 13/10i$

$z=a+bi$
 $z'=a-bi$
 $z*z'=(a+bi)(a-bi)=a^2+b^2=|z|^2$
 $(a+bi)(c+di)=(ac-bd) + (ad+bc)i$

$x_n = \frac{1}{n^2} \rightarrow 0$

$x_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \rightarrow e$

$e=2,718281828...$

$y=a^x \quad y=2^x \rightarrow$

$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1}, x \in \mathbb{C}$
 $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n}, x \in \mathbb{C}$
 $e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}, x \in \mathbb{C}$

$e^{ix} = 1 + ix/1! - x^2/2! - ix^3/3! + x^4/4! + ix^5/5! \dots$

$i \cdot \sin x = i \cdot x/1! - i \cdot x^3/3! + i \cdot x^5/5! \dots$

показательная форма комплексного числа

$\cos x + i \sin x = e^{ix}$ формула Эйлера для комплексных чисел
 $e=2.7182828 \dots \quad x_n = (1 + 1/n)^n \rightarrow e$

$z = |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i] = |z| e^{ic}$

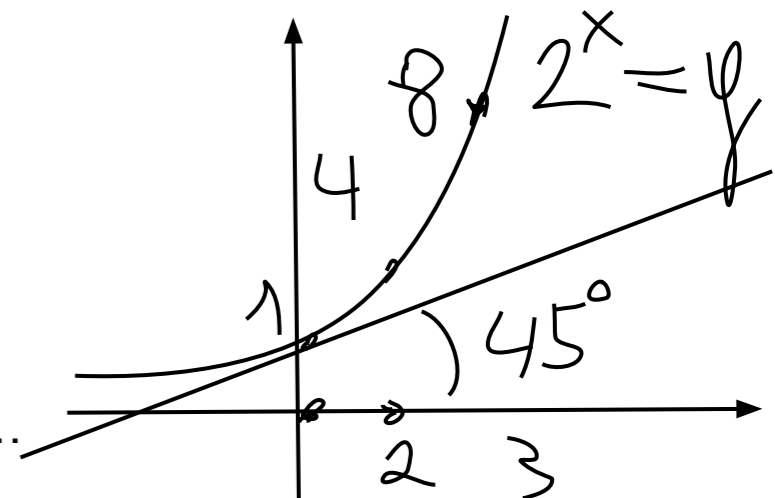
$z_1 = |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] = |z_1| e^{ic_1}$

$z_2 = |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i] = |z_2| e^{ic_2}$

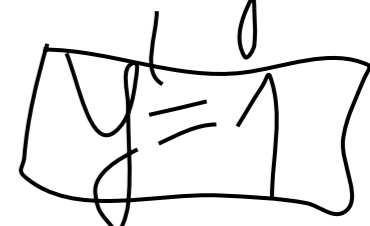
$z_1 \cdot z_2 = |z_1| e^{ic_1} \cdot |z_2| e^{ic_2} = |z_1| |z_2| e^{i(c_1+c_2)}$
 $= |z_1 \cdot z_2| (\cos(c_1+c_2) + i \sin(c_1+c_2))$

$z_1 \cdot z_2 = |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] \cdot |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i]$
 $= |z_1| |z_2| [\cos(c_1) \cos(c_2) + \sin(c_1) \cdot i \cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i \cos(c_1) + \sin(c_2) \cdot i^2 \sin(c_1)]$
 $= |z_1| |z_2| \{ (\cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)) + i (\sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)) \}$

$\cos(c_1+c_2) = \cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)$
 $\sin(c_1+c_2) = \sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)$



$\text{tg } 45^\circ = 1$



$\sin(x+y) = \sin x \cos y + \sin y \cos x$
 $\sin(x-y) = \sin x \cos y - \sin y \cos x$
 $\cos(x+y) = \cos x \cos y - \sin y \sin x$
 $\cos(x-y) = \cos x \cos y + \sin y \sin x$

приравниваем вещественные части и мнимые части

тригонометрическая форма
 комплексного числа
 $z=a+bi = |z| \cos(c) + |z| \sin(c) \cdot i = |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i]$