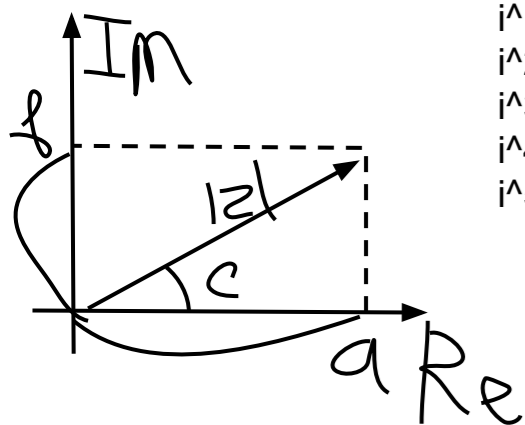


$$(2+3i)(1-5i)=2-10i+3i+15=-7i+17$$

$$z=a+bi, i^2=-1$$



$$\begin{aligned} i^1 &= i \\ i^2 &= -1 \\ i^3 &= -i \\ i^4 &= 1 \\ i^5 &= i \end{aligned}$$

$V(-1)=i$ мнимая единица
это не число, это вообще не
понятно что такое
 $i^2=-1$

$2i$ - мнимое число
 $5+2i$ - комплексное число

$$\begin{aligned} 1) & 5+2i + 1-3i = 6-i \\ 2) & (5+2i)(1-3i) = 5-15i+2i+6 = \\ & = 11-13i \\ 3) & (5+2i)/(1+3i) = a+bi \\ & (5+2i)(1-3i)/(1+3i)(1-3i) = \\ & = (11-13i)/10 = 11/10 - 13/10i \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z &= a+bi \\ z' &= a-bi \\ z \cdot z' &= (a+bi)(a-bi) = a^2 + b^2 = |z|^2 \\ (a+bi)(c+di) &= (ac-bd) + (ad+bc)i \end{aligned}$$

$$x_n = \frac{1}{n^2} \rightarrow 0$$

$$x_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \rightarrow e$$

$$e = 2,718281828\dots$$

$$y = a^x \quad y = 2^x \rightarrow$$

$$\begin{aligned} \sin x &= x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1}, x \in \mathbb{C} \\ \cos x &= 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n}, x \in \mathbb{C} \\ e^x &= 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}, x \in \mathbb{C} \end{aligned}$$

$$e^{ix} = 1 + ix/1! - x^2/2! - ix^3/3! + x^4/4! + ix^5/5! \dots$$

$$i \cdot \sin x = i \cdot x/1! - i \cdot x^3/3! + i \cdot x^5/5! \dots$$

показательная форма комплексного числа

$\cos x + i \sin x = e^{ix}$ формула Эйлера для комплексных чисел

$$e = 2.7182828 \dots \quad x_n = (1 + 1/n)^n \rightarrow e$$

$$z = |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i] = |z| e^{ic}$$

$$z_1 = |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] = |z_1| e^{ic_1}$$

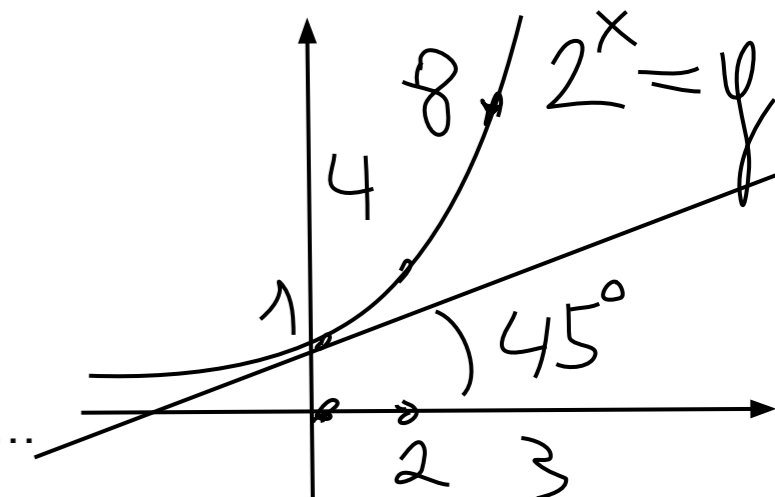
$$z_2 = |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i] = |z_2| e^{ic_2}$$

$$\begin{aligned} z_1 \cdot z_2 &= |z_1| e^{ic_1} \cdot |z_2| e^{ic_2} = |z_1| |z_2| e^{i(c_1+c_2)} \\ &= |z_1 \cdot z_2| (\cos(c_1+c_2) + i \sin(c_1+c_2)) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} z_1 \cdot z_2 &= |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] \cdot |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i] = |z_1| |z_2| [\\ & \cos(c_1) \cos(c_2) + \sin(c_1) i \cos(c_2) + \sin(c_2) i \cos(c_1) + \\ & \sin(c_2) i^2 \sin(c_1)] = |z_1| |z_2| \{ \\ & (\cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)) + \\ & i (\sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)) \} \end{aligned}$$

$$\cos(c_1+c_2) = \cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)$$

$$\sin(c_1+c_2) = \sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)$$



$$\text{tg } 45^\circ = 1$$

$$y = 1$$

$$\begin{aligned} \sin(x+y) &= \sin x \cos y + \sin y \cos x \\ \sin(x-y) &= \sin x \cos y - \sin y \cos x \\ \cos(x+y) &= \cos x \cos y - \sin y \sin x \\ \cos(x-y) &= \cos x \cos y + \sin y \sin x \end{aligned}$$

приравниваем вещественные части и
мнимые части

тригонометрическая форма
комплексного числа

$$\begin{aligned} z = a+bi &= |z| \cos(c) + |z| \sin(c) \cdot i = \\ &= |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i] \end{aligned}$$