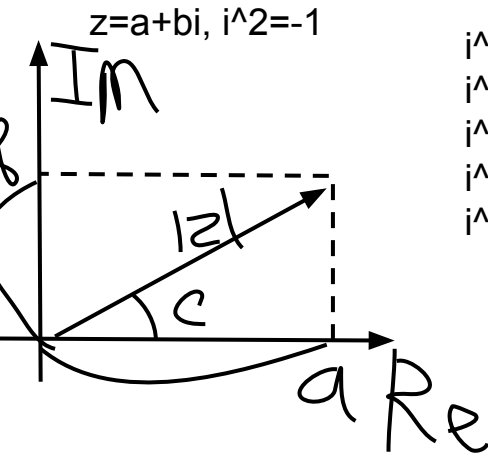


алгебраическая форма



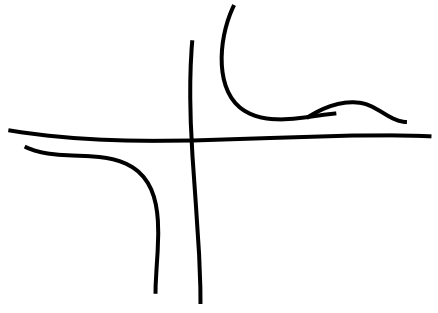
- $i^1 = i$
- $i^2 = -1$
- $i^3 = -i$
- $i^4 = 1$
- $i^5 = i$

$|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$

$\cos(c) = a/|z|$ (1)
 $\sin(c) = b/|z|$

тригонометрическая форма комплексного числа

$z = a + bi = |z| \cos(c) + |z| \sin(c) \cdot i = |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i]$



$\sqrt{-1} = i$ мнимая единица
 это не число, это вообще не понятно что такое
 $i^2 = -1$

$2i$ - мнимое число
 $5 + 2i$ - комплексное число

- 1) $5 + 2i + 1 - 3i = 6 - i$
- 2) $(5 + 2i)(1 - 3i) = 5 - 15i + 2i + 6 = 11 - 13i$
- 3) $(5 + 2i)/(1 + 3i) = a + bi$
 $(5 + 2i)(1 - 3i)/(1 + 3i)(1 - 3i) = (11 - 13i)/10 = 11/10 - 13/10 \cdot i$

$z = a + bi$
 $z' = a - bi$
 $z \cdot z' = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 = |z|^2$
 $(a + bi)(c + di) = (ac - bd) + (ad + bc)i$

$x_n = \frac{1}{n^2} \rightarrow 0$

$x_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \rightarrow e$

$e = 2,718281828...$

$y = a^x$ $y = 2^x \rightarrow$

$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1}, x \in \mathbb{C}$
 $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n}, x \in \mathbb{C}$
 $e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}, x \in \mathbb{C}$

$e^{ix} = 1 + ix/1! - x^2/2! - ix^3/3! + x^4/4! + ix^5/5! \dots$

$i \cdot \sin x = i \cdot x/1! - i \cdot x^3/3! + i \cdot x^5/5! \dots$

показательная форма комплексного числа

$\cos x + i \sin x = e^{ix}$ формула Эйлера для комплексных чисел
 $e = 2.7182828 \dots$ $x_n = (1 + 1/n)^n \rightarrow e$

$z = |z| [\cos(c) + \sin(c) \cdot i] = |z| \cdot e^{ic}$ Показательная форма

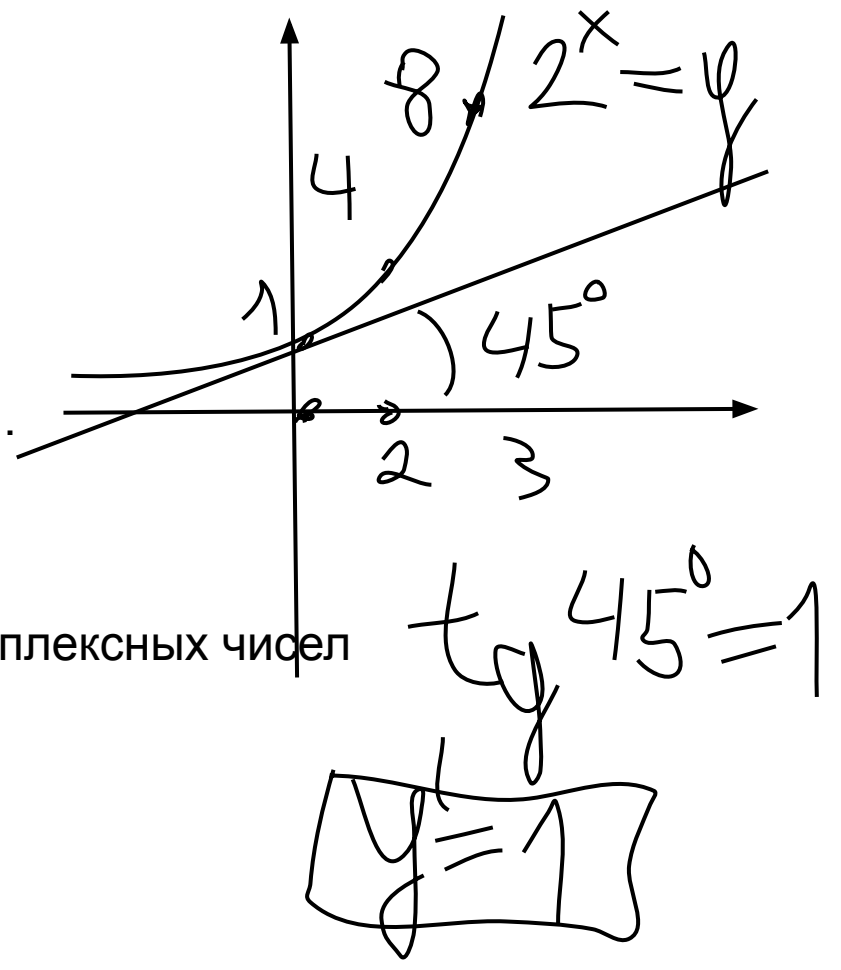
$z_1 = |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] = |z_1| \cdot e^{ic_1}$
 $z_2 = |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i] = |z_2| \cdot e^{ic_2}$

$z_1 \cdot z_2 = |z_1| \cdot e^{ic_1} \cdot |z_2| \cdot e^{ic_2} = |z_1| \cdot |z_2| \cdot e^{i(c_1+c_2)}$
 $= |z_1 \cdot z_2| \cdot (\cos(c_1+c_2) + i \sin(c_1+c_2))$

$z_1 \cdot z_2 = |z_1| [\cos(c_1) + \sin(c_1) \cdot i] \cdot |z_2| [\cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i]$
 $= |z_1| \cdot |z_2| [\cos(c_1) \cos(c_2) + \sin(c_1) \cdot i \cos(c_2) + \sin(c_2) \cdot i \cos(c_1) + \sin(c_2) \cdot i^2 \sin(c_1)]$
 $= |z_1| \cdot |z_2| \{ (\cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)) + i (\sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)) \}$

приравниваем вещественные части и мнимые части

$\cos(c_1+c_2) = \cos(c_1) \cos(c_2) - \sin(c_2) \sin(c_1)$
 $\sin(c_1+c_2) = \sin(c_1) \cos(c_2) + \cos(c_1) \sin(c_2)$



$\sin(x+y) = \sin x \cos y + \sin y \cos x$
 $\sin(x-y) = \sin x \cos y - \sin y \cos x$
 $\cos(x+y) = \cos x \cos y - \sin y \sin x$
 $\cos(x-y) = \cos x \cos y + \sin y \sin x$