

$$2\sin x \cdot \cos^2 x + \cos^4 x = 2\sin x + \cos 2x + \cos^2 x$$

$$2\sin x \cdot \cos^2 x + \cos^4 x = 2\sin x + \cos 2x + \cos^2 x \quad | + \sin^2 x$$

$$\sin^2 x + 2\sin x \cdot \cos^2 x + (\cos^2 x)^2 = 2\sin x + \cos 2x + \cos^2 x + \sin^2 x$$

$$(\sin x + \cos^2 x)^2 = 2\sin x + \cos 2x + 1$$

$$(\sin x + \cos^2 x)^2 = 2\sin x + 2\cos^2 x$$

$$(\sin x + \cos^2 x)^2 = 2(\sin x + \cos^2 x)$$

$$a^2 = 2a$$

$$a = 2$$

$$a^2 - 2a = 0$$

$$a(a - 2) = 0$$

$$a = 0 \text{ или } a = 2$$

$$\sin x + \cos^2 x = a$$

$$\sin x + \cos^2 x = 0$$

$$\sin x + 1 - \sin^2 x = 0$$

$$\sin^2 x - \sin x - 1 = 0$$

$$D = 1 + 4 = 5$$

$$\sin x_1 = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$$

$$\sin x_2 = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2} \text{ - ложь}$$

$$x_1 = \arcsin\left(\frac{-1 + \sqrt{5}}{2}\right) + 2\pi k$$

$$x_1 = \pi - \arcsin\left(\frac{-1 + \sqrt{5}}{2}\right) + 2\pi k$$

$$\sin x + \cos^2 x = 2$$

$$\sin^2 x - \sin x + 1 = 0$$

$$D = 1 - 4 = -3$$

$$\text{Ответ: } x_1 = \arcsin\left(\frac{-1 + \sqrt{5}}{2}\right) + 2\pi k$$

$$x_1 = \pi - \arcsin\left(\frac{-1 + \sqrt{5}}{2}\right) + 2\pi k$$

$$x^5 + 4x = 0$$

пусть $x = 0$ - это верно

а дальше делим в предположении

$$x \neq 0$$

$$x^4 + 4 = 0$$

$$x^5 + 4x + 1 = 0$$

пусть $x = 0$ - это неверно

а дальше делим в предположении

$$x \neq 0$$

$$x^4 + 4 + \frac{1}{x} = 0$$

