

$$\begin{aligned}
&\cos x - \cos y = -2 \sin((x+y)/2) \sin((x-y)/2) \\
&\cos^2(P/8 - x) - \cos^2(P/8 + x) = \frac{1}{2} \\
&(1 + \cos(2(P/8 - x)))/2 - (1 + \cos(2(P/8 + x)))/2 = \frac{1}{2} \\
&(1 + \cos(P/4 - 2x))/2 - (1 + \cos(P/4 + 2x))/2 = \frac{1}{2} \\
&1/2 + \cos(P/4 - 2x)/2 - \frac{1}{2} \cos(P/4 + 2x)/2 = \frac{1}{2} \\
&\cos(P/4 - 2x)/2 - \cos(P/4 + 2x)/2 = \frac{1}{2} \\
&[\cos(P/4 - 2x) - \cos(P/4 + 2x)]/2 = \frac{1}{2} \\
&-2 \sin(((P/4 - 2x) + (P/4 + 2x))/2) \sin(((P/4 - 2x) - (P/4 + 2x))/2) = 1 \\
&-2 \sin(P/4) \sin(-2x) = 1 \\
&-V2 \sin(-2x) = 1 \\
&\sin 2x = 1/V2 \\
&2x = P/4 + 2Pk \\
&x = P/8 + Pk \\
&2x = 3P/4 + 2Pk \\
&x = 3P/8 + Pk
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&\cos x - \cos y = -2 \sin((x+y)/2) \sin((x-y)/2) \\
&\cos x + \cos y = 2 \cos((x+y)/2) \cos((x-y)/2) \\
&\cos^2(P/8 - x) - \cos^2(P/8 + x) = \frac{1}{2} \\
&(\cos(P/8 - x) + \cos(P/8 + x))(\cos(P/8 - x) - \cos(P/8 + x)) = \frac{1}{2} \\
&-4 \cos((P/8 - x) + P/8 + x)/2 \cos((P/8 - x) - P/8 - x)/2 \cdot \\
&\cdot \sin((P/8 - x) + P/8 + x)/2 \sin((P/8 - x) - P/8 - x)/2 = \frac{1}{2} \\
&4 \cos(P/8) \cos x \sin(P/8) \sin x = \frac{1}{2} \\
&2 \cos(P/8) \cos x \sin(P/8) \sin x = \frac{1}{4} \\
&\sin(P/4) \cos x \sin x = \frac{1}{4} \\
&\sin(P/4) \cos x \cdot 2 \sin x = \frac{1}{2} \\
&\sin(P/4) \sin 2x = \frac{1}{2} \\
&V2/2 \sin 2x = \frac{1}{2} \\
&\sin 2x = V2/2
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&\tan 2x \tan 7x = 1 \\
&\sin 2x / \cos 2x \sin 7x / \cos 7x = 1 \\
&(\sin 2x \sin 7x) / (\cos 2x \cos 7x) - 1 = 0 \\
&(\sin 2x \sin 7x - \cos 2x \cos 7x) / (\cos 2x \cos 7x) = 0 \\
&(-\sin 2x \sin 7x + \cos 2x \cos 7x) / (\cos 2x \cos 7x) = 0 \\
&\cos(2x + 7x) / (\cos 2x \cos 7x) = 0 \\
&\cos 9x / (\cos 2x \cos 7x) = 0 \\
&\cos 9x = 0 \quad \cos 2x \cos 7x \neq 0 \\
&9x = P/2 + Pk \\
&x = P/18 + Pk/9 \\
&x \neq P/2 + Pn \\
&x \neq P/4 + Pn/2 \\
&x \neq P/14 + Pn/7 \\
&P/18 + Pk/9 \neq P/4 + Pn/2 \\
&1/18 + k/9 \neq 1/4 + n/2 \\
&1 + 2k \neq 9/2 + 9n \\
&2 + 4k \neq 9 + 18n \\
&2 + 4k - 9 - 18n = 0 \\
&4k - 18n - 7 = 0 \\
&4k - 18n = 7 \\
&\text{нод}(4, 18) = 2 \text{ и } 7 \text{ не делится на } 2 \Rightarrow \text{решений нет} \\
&7 + 14k = 9 + 18n \\
&14k - 18n = 2 \\
&7k - 9n = 1 \\
&\text{Частное решение } k_0, n_0 \\
&k_0 = 4 \\
&n_0 = 3 \\
&k = 4 + (-9)t = 4 - 9t \\
&n = 3 - 7t \\
&t \in \mathbb{Z}
\end{aligned}$$

ДИОФАНТОВЫ УРАВНЕНИЯ

$$ax + by = c$$

1) НОД(a, b) = k

- а) с делится на k , тогда делим
- б) с не делится на $k \Rightarrow$ нет решений

2) НОД(a, b) = 1

находят частные решения (x_0, y_0)

$$x = x_0 + bt$$

$$y = y_0 - at, \text{ где } t \text{ - произвольное целое}$$

проверим

$$a(x_0 + bt) + b(y_0 - at) = ax_0 + abt + by_0 - abt = ax_0 + by_0 = c$$

но т.к. x_0, y_0 - частное решение, то

$$\underline{ax_0 + by_0 = c}$$

замечание

$$x = x_0 - bt$$

$$y = y_0 + at, \text{ где } t \text{ - произвольное целое}$$

Ответ: $P/18 + Pk/9; k \neq 4 - 9t, k \in \mathbb{Z}$