

$$1/(tg5x+tg2x) - 1/(ctg5x + ctg2x) = tg3x$$

$$1/(sin5x/cos5x+sin2x/cos2x)-1/(cos5x/sin5x+cos2x/sin2x)=sin3x/cos3x$$

$$1/(sin5x*cos2x+sin2x*cos5x)/cos5x*cos2x-1/(cos5x*sin2x+cos2x*sin5x)/sin2x*sin5x=sin3x/cos3x$$

$$cos5x*cos2x/(sin5x*cos2x+sin2x*cos5x)-sin2x*sin5x/(cos5x*sin2x+cos2x*sin5x)=sin3x/cos3x$$

$$cos5x*cos2x/sin(5x+2x)-sin2x*sin5x/sin(5x+2x)=sin3x/cos3x$$

$$(cos5x*cos2x-sin2x*sin5x)/sin7x=sin3x/cos3x$$

$$cos(5x+2x)/sin7x=sin3x/cos3x$$

$$cos7x/sin7x-sin3x/cos3x=0$$

$$(cos7x*cos3x-sin3x*sin7x)/sin7x*cos3x=0$$

$$cos(7x+3x)/sin7x*cos3x=0$$

$$cos10x=0$$

$$10x=P/2+Pn$$

$$x=P/20+Pk/10$$

$$cos5x!=0$$

$$5x!=P/2+Pn$$

$$x!=P/10+Pn/5$$

$$cos2x!=0$$

$$2x!=P/2+Pn$$

$$x!=P/4+Pn/2$$

$$sin5x!=0$$

$$5x!=Pn$$

$$x!=Pn/5$$

$$sin2x!=0$$

$$2x!=Pn$$

$$x!=Pn/2$$

$$cos3x!=0$$

$$3x!=P/2+Pn$$

$$x!=P/6+Pn/3$$

$$P/20+Pk/10=P/10+Pn/5$$

$$1/20+k/10=1/10+n/5$$

$$1+2k=2+4n$$

$$4n-2k=-1$$

$$2(2n-k)=-1$$

Решений нет

$$P/20+Pk/10=P/4+Pn/2$$

$$1/20+k/10=1/4+n/2$$

$$1+2k=5+10n$$

$$10n-2k=-4$$

$$2(5n-k)=-4$$

$$5n-k=-2$$

$$n_0=-1$$

$$k_0=-3$$

$$n=-1+-1*t$$

$$k=-3-5*t$$

$$k!=-3-5*t$$

$$P/20+Pk/10=Pn/5$$

$$1/20+k/10=n/5$$

$$1+2k=4n$$

$$2(2n-k)=-1$$

Решений нет

$$P/20+Pk/10=Pn/2$$

$$1/20+k/10=n/2$$

$$1+2k=10n$$

$$2(5n-k)=-1$$

Решений нет

$$P/20+Pk/10=P/6+Pn/3$$

$$1/20+k/10=1/6+n/3$$

$$3+6k=10+20n$$

$$2(10n-3k)=-7$$

Решений нет

Ответ: $P/20+Pk/10$, где k - любое целое, кроме $-3-5*t$, где t - произвольное целое