

$4\operatorname{tg}3y = 3\operatorname{tg}2x$  --- расписать по  $\operatorname{tg}(2y+y)$ , а  $\operatorname{tg}2x$  по формуле  
 $2\sin x \cos(x-y) = \sin y$

$$\begin{aligned}2\sin x(\cos x \cos y + \sin x \sin y) &= \sin y \\2\sin x \cos x \cos y + 2\sin y \sin x^2 &= \sin y \\ \sin 2x \cos y + 2\sin y(1 - \cos 2x)/2 &= \sin y \\ \sin 2x \cos y + \sin y(1 - \cos 2x) &= \sin y \\ \sin 2x \cos y + \sin y - \sin y \cos 2x &= \sin y \\ \sin 2x \cos y - \sin y \cos 2x &= 0 \\ \sin(2x - y) &= 0 \\ 2x - y &= Pk \\ 2x &= Pk + y\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}4\operatorname{tg}3y &= 3\operatorname{tg}y \\ 2(\operatorname{tg}2y + \operatorname{tg}y)/(1 - \operatorname{tg}2y \operatorname{tg}y) &= 3\operatorname{tg}y \\ \operatorname{tg}2y &= 2\operatorname{tg}y/(1 - \operatorname{tg}^2y) \\ \operatorname{tg}y &= a \\ 2((2a/(1 - a^2) + a)/(1 - 2a^2/(1 - a^2))) &= 3a \\ 2([(2a + a - a^3)/(1 - a^2)]/[(1 - 3a^2)/(1 - a^2)]) &= 3a \\ 2([(2a + a - a^3)]/[(1 - 3a^2)]) &= 3a \quad a \neq \pm 1 \\ 2[a(3 - a^2)]/[(1 - 3a^2)] - 3a &= 0 \\ 2a[(3 - a^2)]/[(1 - 3a^2)] - 3 &= 0 \\ a &= 0 \\ (3 - a^2 - 3(1 - 3a^2))/(1 - 3a^2) &= 0 \\ (3 - a^2 - 3 + 9a^2)/(1 - 3a^2) &= 0 \\ 8a^2/(1 - 3a^2) &= 0 \\ a &= 0 \\ \operatorname{tg}y &= 0 \\ y &= Ph \\ 2x &= Pk + Ph \\ x &= (Pk + Ph)/2 \\ \text{Ответ: } &((Pk + Ph)/2; Ph)\end{aligned}$$